الجُزءُ الثّاني





الرياضيات

فريق التأليف:

أ. سرين أبو عيشةأ. مؤيد الحنجوري

أ. أحلام صلاحأ. وهبة ثابت

د. تحسين المغربي (منسقًا)أ. نايف الطيطي



أ. نسرين دويكات

أ. قيس شبانة

قررت وزارة التربية والتعليم في دولة فلسطين تدريس هذا الكتاب في مدارسها بدءاً من العام الدراسي ٢٠١٧/ ٢٠١٨ م

الإشراف العام

د. صبري صيدم	رئيس لجنة المناهج
د. بصـري صالح	نائب رئيس لجنة المناهج
أ. ثـروت زيـــــد	رئيس مركز المناهج

الدائــرة الفنية: إشراف فنــي كمال فحماوي تصميم فنــي منـال رمضـان

تحكيم علمي:

د. عمر غنام
تحريــر لغــوي:
أ. وفاء جيوسي
رســـومـــات:
أ. سالم نعيم
قــراءة:
متابعة المحافظات الجنوبية:
د. سمية النّخالة

الطبعة الثانية ٢٠١٩ م/ ٢٠١٩ ه

جميع حقوق الطبع محفوظة ©

دولة فلسطين والثقالة والتقالية والتقالية والتقالية والتقالية والتقالية والتقاهم والتقاهم



يتصف الإصلاح التربوي بأنه المدخل العقلاني العلمي النابع من ضرورات الحالة، المستند إلى واقعية النشأة، الأمر الذي انعكس على الرؤية الوطنية المطورة للنظام التعليمي الفلسطيني في محاكاة الخصوصية الفلسطينية والاحتياجات الاجتماعية، والعمل على إرساء قيم تعزز مفهوم المواطنة والمشاركة في بناء دولة القانون، من خلال عقد اجتماعي قائم على الحقوق والواجبات، يتفاعل المواطن معها، ويعي تراكيبها وأدواتها، ويسهم في صياغة برنامج إصلاح يحقق الآمال، ويلامس الأماني، ويرنو لتحقيق الغايات والأهداف.

ولما كانت المناهج أداة التربية في تطوير المشهد التربوي، بوصفها علماً له قواعده ومفاهيمه، فقد جاءت ضمن خطة متكاملة عالجت أركان العملية التعليمية التعلمية بجميع جوانبها، بما يسهم في تجاوز تحديات النوعية بكل اقتدار، والإعداد لجيل قادر على مواجهة متطلبات عصر المعرفة، دون التورط بإشكالية التشتت بين العولمة والبحث عن الأصالة والانتماء، والانتقال إلى المشاركة الفاعلة في عالم يكون العيش فيه أكثر إنسانية وعدالة، وينعم بالرفاهية في وطن نحمله ونعظمه.

ومن منطلق الحرص على تجاوز نمطية تلقّي المعرفة، وصولاً لما يجب أن يكون من إنتاجها، وباستحضار واع لعديد المنطلقات التي تحكم رؤيتنا للطالب الذي نريد، وللبنية المعرفية والفكريّة المتوخّاة، جاء تطوير المناهج الفلسطينية وفق رؤية محكومة بإطار قوامه الوصول إلى مجتمع فلسطيني ممتلك للقيم، والعلم، والثقافة، والتكنولوجيا، وتلبية المتطلبات الكفيلة بجعل تحقيق هذه الرؤية حقيقة واقعة، وهو ما كان له ليكون لولا التناغم بين الأهداف والغايات والمنطلقات والمرجعيات، فقد تآلفت وتكاملت؛ ليكون النتاج تعبيراً عن توليفة تحقق المطلوب معرفياً وتربوياً وفكرياً.

ثمّة مرجعيات تؤطّر لهذا التطوير، بما يعزّز أخذ جزئية الكتب المقررة من المنهاج دورها المأمول في التأسيس؛ لتوازن إبداعي خلّاق بين المطلوب معرفياً، وفكرياً، ووطنياً، وفي هذا الإطار جاءت المرجعيات التي تم الاستناد إليها، وفي طليعتها وثيقة الاستقلال والقانون الأساسي الفلسطيني، بالإضافة إلى وثيقة المنهاج الوطني الأول؛ لتوجّه الجهد، وتعكس ذاتها على مجمل المخرجات.

ومع إنجاز هذه المرحلة من الجهد، يغدو إزجاء الشكر للطواقم العاملة جميعها؛ من فرق التأليف والمراجعة، والتدقيق، والإشراف، والتصميم، وللجنة العليا أقل ما يمكن تقديمه، فقد تجاوزنا مرحلة الحديث عن التطوير، ونحن واثقون من تواصل هذه الحالة من العمل.

وزارة التربية والتعليم مركز المناهج الفلسطينية كانون أول / ٢٠١٧ م تُعدّ مرحلة التمكين مرحلة تعليمية مهمة؛ كونها تأتي محصلة للمعارف والمفاهيم التي اكتسبها الطلبة من مرحلة التهيئة، وهي مرحلة تبدأ من الصف الخامس، وتنتهي بالصف العاشر، يميل الطلبة خلال هذه المرحلة إلى الاستقلالية في التفكير، والبحث، والاستقصاء؛ لذا ما ينبغي مراعاته إشراكهم في المناقشة، وحل المشكلات المطروحة التي يتم من خلالها بناء شخصية الطالب القادر على مجاراة التطور العلمي والتكنولوجي الهائل، في عالم مليء بالتغيرات التي تتطلب منه اكتساب روح المبادرة، والتكيف مع مستجدات العصر المتسارعة، بما يضمن له استكشاف المعارف، وفي هذه المرحلة أيضًا، يتم تقديم المحتوى التعليمي بقالب عصري؛ ليكونَ امتدادًا للمحتوى الرياضي الذي تم في مرحلة التأسيس، ويستمر المنهاج المبني على الأنشطة أصلًا في ربط التعلم بالسياقات الحياتية بطريقة جاذبة محببة؛ لتكوين طالب متفاعل نشط، ينفّذ الأنشطة والتمارين المتنوعة المطلوبة منه.

تشكّل العملية التعليمية التعلمية في هذه المرحلة الركيزة الأساسية في تمكين الطالب من المفاهيم والمعارف والمهارات، وتوظيفها ضمن سياقات مناسبة، تقوم على حل مشكلات حياتية، ولا يكون ذلك إلا بالقيام بأنشطة محفّزة، ومثيرة للتفكير، تحاكي البيئة الفلسطينية في المجالات الاجتماعية، والاقتصادية، وغيرها، كما تمّ توظيف التكنولوجيا في تنفيذ هذه الأنشطة بطريقة سلسة جذابة، مع الأخذ بعين الاعتبار التدرج في مستوى الأنشطة، بما يتناسب ومستوياتِ الطلبة، والتعامل مع كل مستوى بما يضمن علاج الضعف، وصولًا لتنمية مهارات التفكير العليا لديهم.

تكون هذا الكتاب من ثلاث وحدات تعليمية، تناولت الوحدة الرابعة منه الاقترانات المثلثية، بما يشمل القياس الدائري والستيني وتطبيقات عليها، وتناولت الوحدة الخامسة الهندسة ضمن عناوين الإنشاءات الهندسية والتكافؤ، وتناولت الوحدة السادسة الرياضيات المالية، حيث قدمت بعض المفاهيم البسيطة في ذلك الموضوع.

أملنا بهذا العمل، وقد حققنا مطالب العملية التعليمية التعلمية كافة، من خلال منهاج فلسطيني واقعيّ منظّم، وإننا إذ نضع بين أيديكم ثمرة جهد متواصل، وكلنا ثقة بكم معلمين ومشرفين تربويين ومديري مدارس، وأولياء أمور، وخبراء ذوي علاقة في رفد هذا الكتاب بمقترحاتكم، وتغذيتكم الراجعة، بما يعمل على تجويده وتحسينه؛ لما فيه مصلحة الطلبة قادة المستقبل.

فريق التأليف

المحتويات

	الدرس الأول: الزّاوية في الوضع القياسي	٨
_	الدرس الثاني: قياس الزوايا	١٣
している	الدرس الثالث: الاقترانات المثلثية	19
ジー	الدرس الرابع: تمثيل الاقترانات المثلثية بيانيّاً	79
.\$.3.	الدرس الخامس: المتطابقات والمعادلات المثلثيّة	٣٨
	الدرس السادس: تمارين عامة	٤٤
	الدرس الأول: إنشاءات هندسيّة (١)	٤٩
5	الدرس الثاني: إنشاءات هندسيّة (٢)	07
وحدة	الدرس الثالث: المثلّث	77
الكاء	الدرس الرابع: رسم مضلّعاتٍ منتظَمة الله الدرس الرابع:	77
سنة	الدرس الخامس: تكافؤ الأشكال الهندسيّة	٧١
	الدرس السادس: تمارين عامة السلاس السادس الدسادس السادس السادس الدسادس السادس السادس السادس الدسادس الدسادس الدسادس الدسادس الدسا	٨٠
ライ	الدرس الأول: الأسهم	Λ٤
عدة ال	الدرس الثاني: السندات	٨٨
السادسة	الدرس الثالث: التأمين التنامين	97
ःष	الدرس الاابع: تماري عامة	9 £

الاقترانات المثلثية Trigonometric Functions





تُعَدُّ أَيّامُ الحصادِ من أجملِ الأيّامِ الصيفيّة التي يطولُ فيها شروق الشّمسِ. استخدم خصائصَ الاقتراناتِ المثلثية في تحديد عدد ساعات شروق الشّمس طوالَ أيّامِ السّنة. حاولْ معرفة عددِ ساعاتِ شروقِ الشّمسِ في يومُ ١٠/حزيران.

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف الاقترانات المثلثية في الحياة العمليّة من خلال الآتي:

- ١- التعرُّف إلى مفهوم الزوايا الموجّهة.
- ٢- التعرُّف إلى مفهوم قياسي الزاوية: الستيني والدائري.
- ٣- التحويل من القياس الستيني إلى القياس الدائري وبالعكس.
 - ٤- التعرُّف إلى الوضع القياسي للزاوية، والزوايا المتكافئة.
 - ٥- تمثيل منحنيات الاقترانات الدورية (المثلثية) بيانيّاً.
 - ٦- إثبات متطابقاتٍ مثلثيّة.
 - ٧- حلّ معادلاتٍ مثلثيّة.

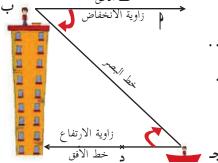
الزّاوية في الوضع القياسي The Angle in Standard Position

(\ - \ \)



يراقب شخص من منارة على شاطئ غزة، صيّاداً في قاربه في البحر. يصنع خطَّ البصرِ بينهما مع خطّي الأفق لكلِّ منهما زاويتين: إحداها تُسمّى زاويةَ الارتفاع، و الأخرى تُسمّى زاوية

لانخفاض.

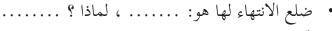


زاوية الانخفاض في الصورة هي:، وضلعاها هما:، راوية الارتفاع في الصورة هي:، وضلعاها هما:، الصورة هي الصورة هي المرتفاع، وقياس زاوية الانخفاض.

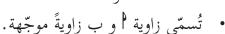


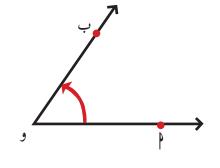
في الشكل المجاور

ضلع الابتداء للزاوية أ و ب هو:



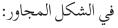
• اتّجاه حركة ضلع الابتداء لينطبق على ضلع الانتهاء



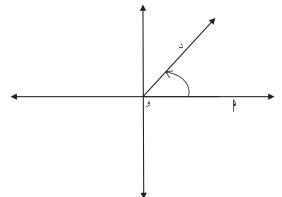


أتعلّم: الزاوية الموجّهة: هي زاوية يتحدّد اتّجاهُها باتّجاه دوران ضلع الابتداء لينطبق على ضلع الانتهاء، وتكون الزاوية الموجّهة زاوية موجبة إذا كان اتّجاه الدوران عكس عقارب الساعة، وتكون الزاوية الموجّهة سالبة إذا كان اتّجاه الدوران مع عقارب الساعة.





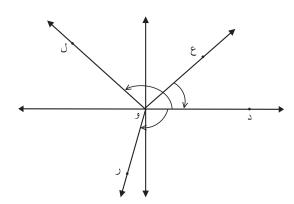
✓ ص = ۲۸۰°، ✓ س =



→ ضلع الابتداء لها هو و أ ، ضلع الانتهاء

لها هو:، رأس الزاوية هو:

أتعلُّم: تكون الزاويةُ في الوضع القياسي إذا كان رأسُها نقطةَ الأصل، وانطبق ضلعُ الابتداء على محور السّينات الموجب.



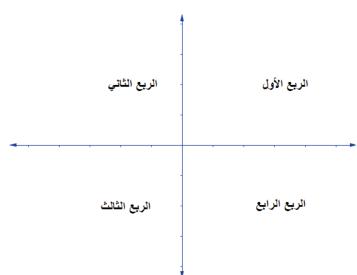
في الشكل المجاور: الزاوية الموجهة ع و د نشاط ليست في وضعٍ قياسيّ؛ لأنّ

• الزاوية الموجّهة في الوضع

• الزاوية الموجّهة د و ر في لأنّ

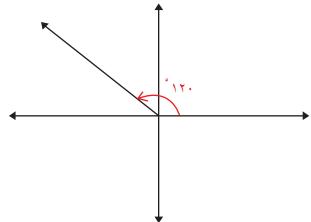


محورا الإحداثيّات يقسمان المستوى إلى أرباع تُرتَّبُ الأرباع باتّجاه



أستنتج أنّ:

- إذا كانت <هـ زاويةً في الوضع القياسيّ، وكان ، ْ< عهـ < ، ه ْ، فإنّ ضلع انتهائها يقع في الرّبع الأوّل.
- إذا كانت <هـ في الوضع القياسيّ، وكان < هـ <، فإنّ ضلعَ انتهائها يقع في الرّبع الثاني.





أرسمُ الزّوايا التي قياسها ١٢٠°، ٢٢٥°، -٣٠٠° الوضع القياسي، ثم أحدّدُ الربع الذي تقع فيه:

تقع الزّاوية التي قياسها ١٢٠° في الربع

بينما تقع الزّاوية التي قياسها ٢٢٥° في الربع

تقع الزّاوية التي قياسها - ٣٠٠° في الربع

تقع الزّاوية -٦٠° في الربع

أتعلّم: عند رسم زاويةٍ في الوضع القياسي فإنّ ضلعَ انتهائها يحدّدُ موقعَها في المستوى الديكارتي.



أرسمُ الزّوايا التي قياسها:

۰°۹۰-،°۱۸۰،°۹۰

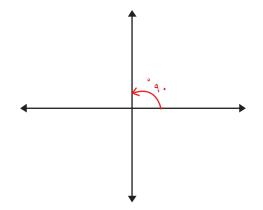
ينطبق ضلعُ انتهاء الزّاويـة التـي قياسـها ٩٠ ْ

على محور

بينما ينطبق ضلعُ انتهاء الرّاوية التي قياسها ١٨٠ °

على أما ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها

-۹۰° فينطبق على ٩٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

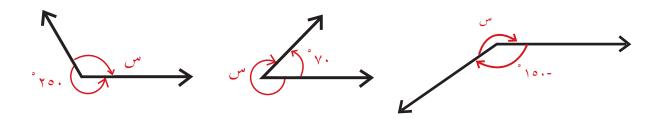


تُسمّى الزّاوية التي في الوضع القياسي، وينطبق ضلعُ انتهائها على أحد المحاور الإحداثيّة زاويةً رُبعيّةً.

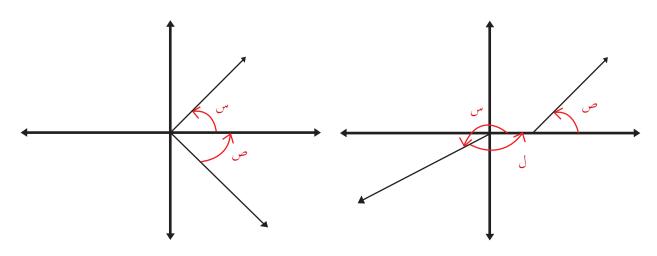
أعطِ ثلاثة أمثلة لزوايا ربعيّة:،،

تمارین ومسائل:

(١) ما قيمةُ س التي تُمثّل قياس الزاوية في كلِّ من الأشكال الآتية:



(٢) أُميّزُ الزّوايا التي في الوضع القياسي:



(٣) أُحدّدُ الرّبع من المستوى الذي تقع فيه الزّوايا الآتية: -١٢٠°، ١٣٠٠°، -٥١٠٠°، ٢٥٠٠°، ٢٥٠٠°،

(٢ - ٤)

قياس الزوايا Angles and their Measurements



تعيش المدن الفلسطينيّة أزمةً مروريّةً خانقة؛ مما يعرقلُ عمل طواقمِ الدّفاعِ المدني والإسعاف، ويؤخّرُ المواطنين عن أعمالهم يوميّاً؛ لذلك ارتأت البلديّات إنشاء الدواوير عند مفترقات الطّرق، ومداخل المدن.



عند حركة جسمٍ في مسارِ دائريٍّ، فإنَّ الرَّاويةَ المركزيَّةَ تتغيّر مع الزمن حسب العلاقة: $\frac{| \mathring{l}_{m} u_{n} - u_{n} |}{| \mathring{l}_{m} u_{n} - u_{n} |}$ السرعة الزاوية $(\mathbf{w}) = \frac{| \mathring{l}_{m} u_{n} - u_{n} |}{| \mathring{l}_{m} u_{n} - u_{n} |}$

إذا سارت سيّارةٌ حول دوّارٍ، نصفُ قطرِه ٥٠٠،٠٠ كم، وأشار عدّاد السيّارة إلى

سرعةٍ خطيّة ٣٠ كم/ساعة. أجدُ معدل تغيّر الزاوية المركزية بالدقيقة (السرعة الزاوية للسيارة).

$$\omega = \frac{3}{\omega}$$
 ، ع ، ω : أعداد تنتمي إلى مجموعة الأعداد الحقيقيّة الموجبة.

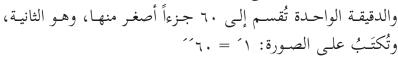
W ينتمي إلى لأنّ ناتج قسمة عدديْن حقيقيّين هو عددٌ حقيقي، ويُسمّى التغير في القياسَ الدائريّ للزاوية، ووحدته راديان/دقيقة.

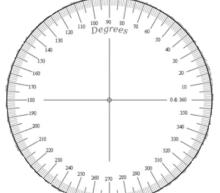


في الشَّكل المجاور، تمّ تقسيمُ الدائرة إلى ٣٦٠ قوساً متساوياً في الطُّول، فإنّ الزاوية المركزيّة التي تقابل كلُّ قوس، قياسها ١°. والزاوية التي تقابل ٥٠ قوساً يكون قياسها

والدرجة الواحدة تقسم إلى ٦٠ جزءاً أصغر منها، وهو الدقيقة،

وتُكتَبُ على الصورة: ١° = (...)





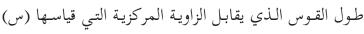
يُسمّى قياسُ الزّاوية بالدرجات والدقائق والثواني القياسَ الستيني للزّاوية.

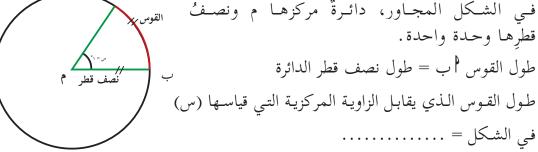


لماذا سُمِّي القياسُ الستيني بهذا الاسم؟



في الشكل المجاور، دائرةٌ مركزها م ونصفًا نشاط القطرها وحدة واحدة.





أتعلم: يكون قياس الزاوية س بالقياس الدائري = ١ راديان (Radian) ونرمز له بالرمز ١٠

تعريف: الزّاوية النصف قطريّة: هي زاويةٌ مركزيّةٌ في دائرةٍ يقابلها قوسٌ طولُه يساوي طولَ نصفِ قطرِ الدائرة، ويُرمَزُ لها بالرمز (١٠)، وهي وحدة قياس الزاوية بالقياس الدائري للزّوايا.

ما هو القياس الدائري إذا كانت الزّاويةُ مرسومةً في دائرةٍ نصف قطرها في للجرا ؟





محيط الدائرة = au au محيط دائرة الوحدة

 π الدورة الكاملة π ° يقابلها ۲ الك

° مربه التقريب (π = π) نستنتج أنّ : ۱ و π مربه

أُكمل: ٣٠ = ، ه.١٠ = ١٠,٥ .



اقلا: احوں میں نشاط ، ۹۰°، ۱۲۰°، -۲۲۰° أُوّلاً: أُحوّلُ قياس الزّوايا الآتية من درجات إلى زاوية نصف قطرية (راديان):

للتحويل من درجات إلى دائري: π يقابلها ١٨٠°

٩٠ درجة 🔷 هـ بالتقدير الدائري

$$\Delta = \frac{1}{1 \cdot 1} \times \pi^2 = \frac{1}{1 \cdot 1} \pi^2$$

$$\dots = \tilde{\pi} \times \tilde{\pi} \times \tilde{\pi} = \tilde{\pi} \times \tilde{\pi} \times \tilde{\pi} = \tilde{\pi} \times \tilde{\pi$$

..... = ° 770- •

ثانياً: أُحوّل قياس الزّوايا من دائري إلى درجات:

$$\frac{\circ}{r} \pi^{c_{1}} \frac{\circ}{\pi^{c_{1}}} \pi^{c_{1}} - \frac{\circ}{\Lambda^{c}} \pi^{c}$$

للتحويل من دائري إلى درجات: π^{ϵ} يقابلها ١٨٠°

$$\pi$$
 س بالدرجات. π

$$\mathring{\sigma} = \frac{\mathring{\sigma} \times \mathring{\sigma}}{7} \times \mathring{\pi} \times \mathring{\pi} = \mathring{\sigma}$$
س $\mathring{\sigma} = \mathring{\sigma} \times \mathring{\pi}$

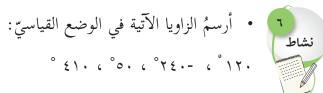
$$\ddot{\sigma}$$
زاویة قیاسها $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$ $\sigma=\frac{\ddot{\sigma}}{2\pi}$

 $^{\circ}$ زاویة قیاسها ۲^د: باستخدام (۳٫۱٤= π) ، ۲^د

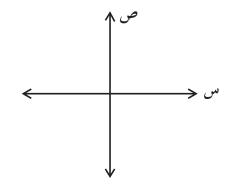
أُكملُ الجدول الآتي:

17		٣١٥	٣٠.		7 2 .	١٨٠	١٥.	140	٠,	٤٥	٣.	°س
	π-			π _Υ		π				<u>π</u> ξ		هه

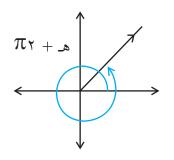


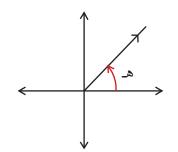


ماذا ألاحظ....؟



أتعلم: يُقال لزاويتيْن أنّهما متكافئتان: إذا كان لهما ضلع الابتداء نفسه، وضلع الانتهاء نفسه.





وبشكلٍ عام:

 Δ ه بالقياس الدائري. Δ مد بالقياس الدائري.

 $oldsymbol{\wedge}$ هـ بالقياس الستيني ، حيث $oldsymbol{
u}$ عدد صحيح. $oldsymbol{\wedge}$



أَجِدُ ثلاث زوايا مكافئة لكلِّ من الزوايا التي قياسها: ٦٠°، $\frac{\pi}{2}$.

 $\mathsf{v} = \mathsf{v} : \mathsf{v} = \mathsf{v} \times \mathsf{v} + \mathsf{v} +$

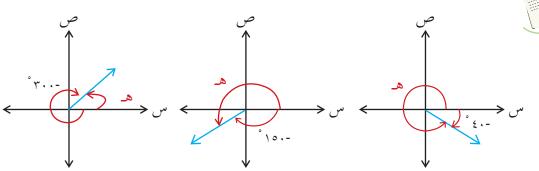
الزاوية التي قياسها ٦٠° تكافئ الزاوية التي قياسها ٦٠° + ٣٦٠ \times ١- ١- تكافئ الزاوية التي قياسها

الزاوية التي قياسها $\frac{\pi}{\xi}$ تكافئ عندما $\omega = 1$

 $\frac{\pi^{\vee}}{\xi}$ الزاوية التي قياسها $\frac{\pi}{\xi}$ تكافئ $\frac{\pi^{\vee}}{\xi}$ عندما $\frac{\pi}{\xi}$



نشاط أجدُ قياسَ الزّاوية هـ في كلِّ من الأشكال الآتية:



$$egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned} & egin{alig$$

تمارين ومسائل:

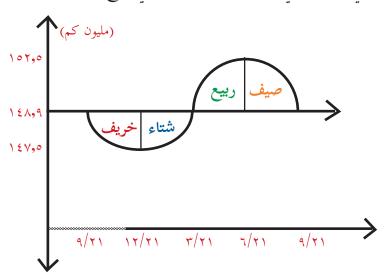
- (۱) أ) أحوّل القياسات الآتية من الدرجات إلى راديان: ۲٤٠°، -٩٠°، ١٣٥٠°، -١٣٥°
- ب) أحوّل القياسات الآتية من راديان إلى درجات: $\frac{\pi}{7}$ ، $\frac{\pi}{7}$ ، $\frac{\pi}{7}$ ، $\frac{\pi}{7}$ ، $\frac{\pi}{7}$ ، $\frac{\pi}{7}$
- (٢) أوجد ثلاث زوايا تكافئ الزاوية التي قياسها ٥٠°.
- $\frac{\pi}{2}$ وجد ثلاث زوایا تکافئ الزاویة التي قیاسها $\frac{\pi}{2}$
- (٤) أعطِ زاويتيْن: قياس إحداهما موجب، والآخر سالب، مكافئتين لكلِّ من الزّوايا التي قياسها: $\frac{\pi}{2} \frac{\pi}{2} \frac{\pi}{2} \frac{\pi}{2}$
- (٥) درّاجة هوائيّة قُطر عجلتها ٩٠سم، تسير بسرعةٍ خطيّةٍ مقدارها ٢٥كم/ساعة، ما معدّل تغيّر الزّاوية المركزيّة لعجلة الدراجة في الثانية ؟

(r - £)

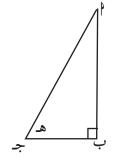
الاقترانات المثلثية Trigonometric Functions

نشاط

إنّ حركة الأرض حول الشمس تتّخذ اقتراناً دوريّاً، وعليه يَسهُلُ علينا دراسةُ الظواهر الطبيعيّة التي تحدث في فصول السنة كافّةً، التي تنتج عن هذه الحركة.



- أبعد ما تكون الأرض عن الشمس يوم ويقدر بعدها ١٥٢ مليون كم
 - أقرب ما تكون الأرض إلى الشمس يوم ويقدر بعدها
 - يوم الانقلاب الشتوي هو
 - يوم الاعتدال الخريفي هو
 - يبدأ الربيع يوم وينتهي يوم



في المثلث القائم الزاوية أب جر ، النسب المثلثية للزاوية الحادة التي قياسها هـ



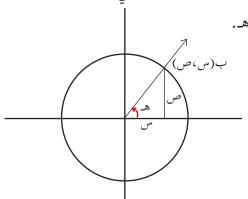




هل يمكن إيجاد النسب المثلثية للزوايا التي قياسها أكبر من ٩٠°، أو قياسها سالب؟

أتعلُّم: الدائرةُ التي مركزُها نقطةُ الأصل، وطولُ نصفِ قطرها وحدة واحدة، تُسمَّى دائرةَ الوحدة.

معادلة دائرة الوحدة: $m^{7}+m^{7}=1$



نشاط لتكنْ هـ زاوية في الوضع القياسي، إذا قطع ضلعُ انتهائها دائرةَ الوحدة في النقطة

ب (س، ص). أجدُ النسب المثلثيّة الأساسيّة للزّاوية هـ.

 $= \frac{\omega}{1} = \omega$, $= \frac{\omega}{1}$

ظاهـ =

بشكلٍ عام: إحداثيّات النقطة ب (جتاه ، جاه).

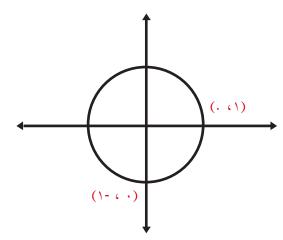
أتعلّم: إذا قطع ضلعٌ انتهاءٌ الزاوية هـ في الوضع القياسي دائرةَ الوحدة في النقطة ب (س،ص)، فإنّه يمكن تعريفُ الاقترانات المثلثية جاهـ = ص، جتاهـ = س، ظاهـ = $\frac{ص}{m}$ ، $m \neq 0$ وتُسمّى هذه الاقترانات، الاقتراناتِ المثلثية الأساسيّة للزّاوية هـ.



العلاقة من أ \longrightarrow ب (س ، ص) تشكل اقتراناً هـ \in أ حيث أ هي مجموعة الزوايا _ في الوضع القياسي.

ملاحظة: إذا كانت النقطة ب (س ، ص) تقع على دائرة الوحدة،

 $1 - 1 \leq m \leq 1$ ، و $1 \leq m \leq 1$ ، وعليه فإن $1 \leq m \leq 1$ و $1 \leq m \leq 1$



أجدُ الاقترانات المثلثية للزّوايا الربعيّة: في المثاط . ° ، ٩٠ ° ، ٢٧٠ ° ، ٣٦٠ .

• ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها • يقطع دائرة الوحدة في النقطة (١،٠)، وينتج جا • = ظا • =

- ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها ٩٠ يقطع دائرة الوحدة في النقطة (....، ...)، وينتج جا٩٠ =، حتا٩٠ =، ظا٩٥ =
- ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها ١٨٠° يقطع دائرة الوحدة في النقطة (....)، وينتج جا١٨٠°= ، جتا١٨٠٠°=
- ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها ٢٧٠° يقطع دائرة الوحدة في النقطة (....)، وينتج جا٢٧٠°= ، جتا٢٧٠°=
- ضلع انتهاء الزاوية التي قياسها ٣٦٠° يقطع دائرة الوحدة في النقطة (....)، وينتج جا٣٦٠° = ، جتا٣٦٠٠ =
 - أُكملُ الجدول الآتي:

ظاس	جتاس	جاس	قياس الزّاوية الربعية (س°)
		صفر	صفر
			°q.
صفر	1-		°۱۸۰
			°۲۷۰
	١		°٣٦.



إذا قطع ضلعُ انتهاء الزاوية التي قياسها هـ° دائرةَ الوحدة في النقطة أ (- ٣١٠ ، ٢٠) فإنّ:

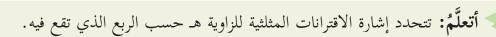
• جاهـ = $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ؛ لأن الإحداثي الصادي لنقطة تقاطع ضلع انتهائها هو

جتا هـ = ؛ لأنَّ:

ظاهـ =

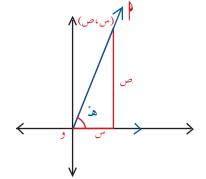


- أرسم دائرة الوحدة
 نشاط
 أرسم زاويةً قياسها هـ° في الوضع القياسي
- · نقطة تقاطع ضلع انتهاء الزاوية مع الدائرة هي النقطة أ (س ، ص).
- تكون إشارةُ س موجبةً، إذا وقعت النقطة أ في الربع، أو الربع من المستوى.
- تكون إشارةُ ص موجبة، إذا وقعت النقطة أ في الربع، أو الربع موجبة، إذا وقعت النقطة أ



إذا كانت هـ زاويةً في الوضع القياسي، النقطة أ (س ، ص) تقع على ضلع انتهائها، بعد النقطة

أ (س ، ص) عن نقطة الاصل =

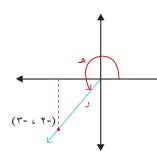


ظاهـ =
$$\frac{0}{m}$$
 ، س \neq صفر



في الشكل المجاور، أجدُ قيم الاقتراناتِ المثلثيّة جاهـ،

$$= \sqrt{(\Upsilon')^{+} + (\Upsilon')^{-}} =$$



في الشكل المجاور، أجدُ قيم الاقتراناتِ المثلثيّة جاهـ، جتاهـ، ··



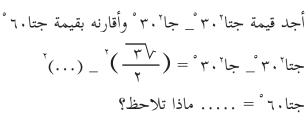


أجد قيمة ٢جا ٣٠ ْجتا ٣٠ ْ وأقارنه بقيمة جا ٦٠ ْ ۲جا ۳۰ ْجتا ۳۰ ْ ۲ خا ۳۰ شبتا ۳۰ شبتا ۲ خا ۳۰ شبتا ۲ شند ۲ شبتا ۲ شبتا ۲ شند ۲ شبتا ۲ شبتا ۲ شند ۲ شبتا ۲ جا ٦٠° = ماذا تلاحظ؟

أستنتج أن: جاء ا = ٢ جا اجتاا



$$\frac{\pi}{\lambda}$$
 أجد قيمة جا $\frac{\pi}{\lambda}$ جتا $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد $\frac{\pi}{\lambda}$ أجد أبي المناطقة المناطقة





أجد ناتج جتا م ۱° _ جا م ۱° دون استخدام الحاسبة جتا ٔ ۱۵ ° _ جا ٔ ۱۵ ° = جتا..... =

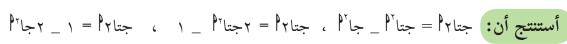


ا زاویة منفرجة بحیث جتاا = $-\frac{3}{2}$ ، أجد قیمة جتا۱ ا باستخدام المتطابقة جا ّ هـ + جتا ّ هـ = ۱ $1 = \frac{1}{2} \left(\frac{\xi - 1}{2} \right) + \frac{1}{2} \frac{1}{2}$



 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ ، الزاوية أ منفرجة، وتقع في الربع اذن جا أ =

لإيجاد قيمة جتا٢ = جتا٢ م _ جا٢ أنعوض قيمة جتا ، جا وينتج ما قىمة حتايا ؟

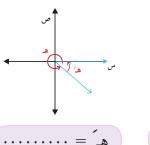


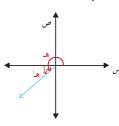
أكتب علاقة مناسبة لكل من جاءً ، جتاءً بدلالة جا ، جتاءً

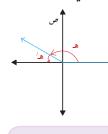


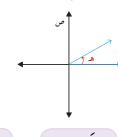


لكلِّ زاويةٍ قياسها هـ درجة في المستوى زاويةُ اسنادٍ قياسها هـ درجة، أُكمل:









$$a = a - .$$

أتعلم: زاوية إسناد الزاوية (هـ): هي الزّاوية الحادّة (< هـ) الناتجة من إتحاد ضلع انتهاء الزاوية (< هـ) ومحور السينات.

قيمُ الاقترانات المثلثيّة لزاويةِ الإسناد هي ذاتها قيمُ الاقترانات المثلثيّة للزّاوية الأساسيّة، بينما تحدّدُ إشارة تلك القيمة موضعَ ضلع انتهاء الرَّاوية الاساسيّة.



أتذكّر قيمَ الاقتراناتِ المثلثيّة للزّوايا الخاصّة، وأُكمل الجدول الآتي:

ظاس	جتاس	جاس	قياس الزاوية (س)
		.,0	°r.
١			°Ło
7			°7.



أُوّلاً: أجد قيمة جا ١٢٠°

الحل: الزاوية في الوضع القياسي والتي قياسها ١٢٠ تقع في الربع

إشارة جا ١٢٠° موجب.

 \dots قياس زاوية الإسناد هـ \dots ما $^\circ$ - $^\circ$ المناد هـ جا٠٢، = جا٠٢ = جا

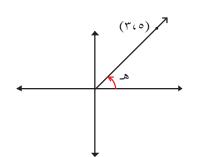
ثانياً: أجد قيمة جتا ٢٤٠°
الحل: الزاوية في الوضع القياسي، التي قياسها ٢٤٠° تقع في الربع
إذن: إشارة جتا ٢٤٠°
قياس زاوية الإسناد (هـ َ) =
إِذْن: جتا٠٤٢° = - جتا = ° = °
نشاط الزّاوية في الوضع القياسي، التي قياسها ٢٢٥° تقع في الربع، إشارة جا ٢٢٥° هي: قياس زاوية الإسناد (هَ) = إذن: جا ٢٢٥° = =
• أجدُ جا -، °° أ
الزاوية في الوضع القياسي، التي قياسها ٣٠٠° تقع في الربع،
إشارة جا -٣٠° هي:
قياس زاوية الإسناد (هـ َ) =
جا -٣٠٠ = = °٣٠٠ جا
• أجد ظا <u>π۳</u> •
الزاوية في الوضع القياسي، التي قياسها $\frac{\pi^{\nu}}{\xi}$ تقع في الربع، الشيارة ظا $\frac{\pi^{\nu}}{\xi}$ هي:
π^{α} المارة طالح المادة الاسناد (ه α) = π^{α} اذن ظا

تمارين ومسائل:

(١) أجد والمقترانات المثلثية الأساسيّة لقياسات الزّوايا الآتية:

$$\hat{\pi}_{\circ}$$
 (° ξ \circ . ° η . -

(٢) أجد تيمة الاقترانات المثلثية الأساسيّة للزاوية هـ ، إذا قطع ضلع انتهائها دائرة الوحدة في النقطة:



- $(\frac{\overline{r}}{r}, \frac{1}{r}, \frac{1}{r}) \Rightarrow ((\cdot, \cdot) -) \rightarrow (\frac{1 r}{r}, \frac{1 r}{r})$
 - (٣) ما قيمةُ جا هـ ، جتا هـ، ظا هـ في الشَّكل المجاور؟
 - (٤) أحدّدُ إشارةَ ما يأتي: $\frac{\pi r}{\epsilon} , \text{ ظا } \frac{\pi r}{\epsilon} , \text{ ظا } \frac{\pi r}{\epsilon}$
 - (٥) أجد قيمة ما يلى دون استخدام الحاسبة

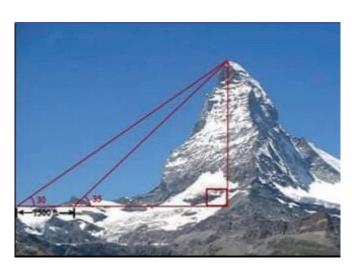
$$\frac{\pi}{1}$$
 'ا $+$ ۲ $-$ ۲ (ب

$$\frac{\pi}{17}$$
 = $\frac{\pi}{17}$ = $\frac{\pi}{17}$ = $\frac{\pi}{17}$ = $\frac{\pi}{17}$

- (٦) أجدُ قياسَ زاوية الإسناد للزّوايا التي قياساتها ما يأتي: $\frac{\pi r}{\sigma}$ ، $\frac{\pi r}{\sigma}$
 - (٧) أجد قيمة ما يأتي، دون استخدام الآلة الحاسبة: جا ٣٠٠٠، ، ، جا ٣٠٠٠

. الجد قيمة جتا۲ ، جتا٤ ، جتا٤ ، جتا٤ ، جتا٤ ، جتا٤ ، جتا٤ . الجد قيمة $^{\circ}$

(٩) لإيجاد ارتفاع قمة جبل قام مجموعة من الطلبة بقياس زاوية ارتفاعها من نقطة معينة على سطح الأرض فكانت ٣٠°، سار الطلاب مسافة أفقية باتجاه الجبل مقدارها (١٥٠٠) قدم ثم قاموا بقياس زاوية ارتفاع قمته مرة ثانية فكانت ٣٠° كما هو موضح بالشكل. أجد ارتفاع قمة الجبل



(٤-٤)

تمثيل الاقترانات المثلثية بيانيًا Graphing Trigonometric Functions



طريق وادي النارهي الرئةُ التي يتنفّس بها أهالي جنوب الضّفة الغربيّة، والتي تصل بين شمالها وجنوبها. حيث إنّ قوات الاحتلال ترفضُ تزويدَها بالكهرباء، فقد بادر مجموعةٌ من طلبة الجامعات الفلسطينيّة إلى تصميم خلايا شمسيّة تقوم بتحويل الطاقة الشمسيّة إلى طاقةٍ كهربائيّة مستمرة، يتم تحويلُها إلى تيارٍ متردّدٍ، تتغيّر قيمتُه مع الزّمن، الذي يمكن استخدامُه في إنارة المنطقة ليلاً.



ويمكن التعبير عن تغير التيار بالنسبة للزمن (ن) بالثانية بالعلاقة ت(ن) = $\frac{\pi}{8}$ نرحيث $\frac{\pi}{8}$ مي أقصى حدّ للتيار بالأمبير، $\frac{\pi}{8}$ هي الزمن الدوري للتيار بالثانية.

إذا كانت العلاقة التي تربط التيار الكهربائي مع الزمن، $\mathbf{r}(\mathbf{i}) = \mathbf{r} + \mathbf{i}$ ، فإنّ الزمن الدوري للتيار = $\frac{\pi \mathbf{r}}{2}$ أقصى حدٍّ للتيار المسموح =، \mathbf{e} =

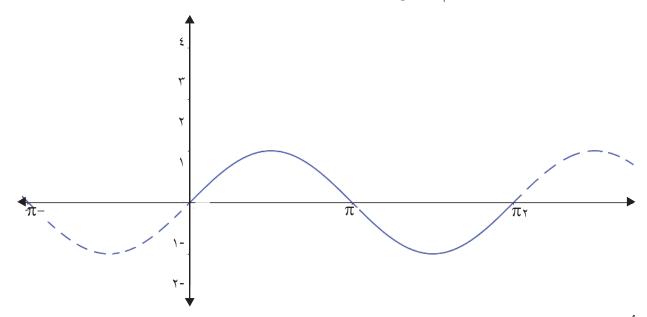
- - قيمة التيار عند **ز**= ٠,٠٠ ث تساوى



أُمثّلُ الاقتران ق(س)= جاس في المستوى الديكارتي، أكملُ الجدول الآتي:

πγ	$\frac{\pi \cap \pi}{\pi}$	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi \circ}{\xi}$	π	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{r}$	$\frac{\pi}{\xi}$	$\frac{\pi}{3}$	صفر	$\frac{\pi}{\Upsilon}$	π-	قياس الزاوية س
• • •	• • •	1-	•••	•••	7	١		1	• • •	•••	١-		ق(س)= جا س

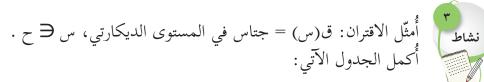
أُعيّنُ النّقاط من الجدول، وأرسمُ منحنى الاقتران:



أُلاحظ شكل المنحني، وأستنتج خصائصه.

- بما أنّ الزّوايا المتكافئة لها النسبُ المثلثيّةُ المناظرة نفسها، فإنّ منحنى ق(m) = + 1 سيكرّرُ نفسه في فتراتٍ متساوية، طولُ كلِّ منها π . ومثل هذه الاقترانات تُسمّى اقتراناتٍ دوريّةً، ومقدار دورة هذا الاقتران π
 - مجال الاقتران ق(س) =جا س هو مجموعة الأعداد الحقيقيّة ح، ومداه هو [١،١]
 - أكبرُ قيمةِ للاقتران = وأصغر قيمةٍ له =

• منحني ق(س)= جا س متماثل حول نقطة الأصل؛ لذلك فهو اقتران



πΥ	$\frac{\pi \cap \gamma}{\gamma}$	$\frac{\pi_r}{r}$	$\frac{\pi \circ}{\xi}$	π	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{r}$	$\frac{\pi}{\xi}$	$\frac{\pi}{3}$	صفر	$\frac{\pi}{\Upsilon}$ -	π-	قياس الزاوية س
	•••	•••	•••	١-	<u>'</u> -	•	•••	•••	•••	•••	•••	١-	ق(س)= جتا س

أُعيّن النقاط من الجدول، وأرسمُ منحني الاقتران.

ألاحظُ شكل المنحني، وأستنتج خصائصه:

- مجال الاقتران ق(س) = جتا س هو، ومداه
 - أكبر قيمةٍ للاقتران =، وأصغر قيمةٍ له =
 - الاقتران ق (س) = جتا س اقتران دوري، دورته =
 - سعة الاقتران = $\frac{1}{2}$ سعة الاقتران = $\frac{1}{2}$
- ق(س)= جتاس اقتران زوجيّ؛ لأنّ منحناه متماثل حول محور

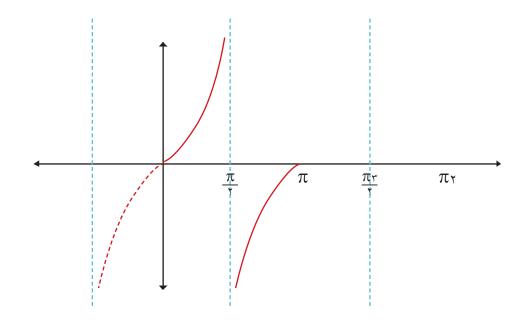


نشاط أمثل الاقتران $\bar{g}(m) = dl m$ في المستوى الديكارتي.

اللُّ أُكملُ الجدول الآتي:

πγ	$\frac{\pi \cap \gamma}{\gamma}$	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi_{\xi}}{\Upsilon}$	π	$\frac{\pi}{r}$	$\frac{\pi}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{r}$	$\frac{\pi}{\xi}$	$\frac{\pi}{3}$	صفر	$\frac{\pi}{\Upsilon}$ -	π-	قياس الزاوية س
	<u>'</u> -	•••	₩\	•••	•••	•••	•••	١	•••	صفر	•••	•••	ق (س) = ظاس

أُعيّنُ النّقاط من الجدول، وأُكملُ رسم منحني الاقتران.



ألاحظ شكل المنحني، وأُدوّن خصائصه:

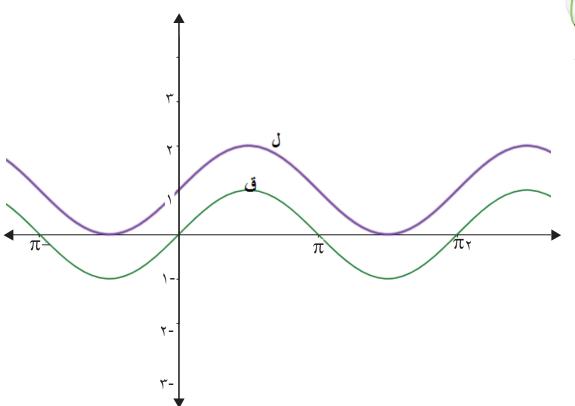
مجال ق (س) = ظاس هو مجموعة جميع الأعداد الحقيقيّة، ما عدا، ومداه هو: ح

دورته =

ق (س) = ظاس اقترانٌ فرديٌّ، أوضّحُ ذلك.

اعتماداً على منحني الاقتران ق(س)= جاس، ومنحني الاقتران ل (س) = جاس + ١



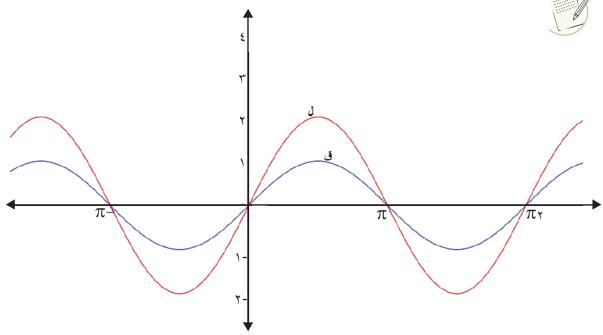


باستخدام التحويلات الهندسيّة أرسمُ منحنيات الاقترانات الدورية الآتية:

$$\dot{0}$$
 ق (س) = جاس ج) ق (س) = -جاس ج) ق (س) = جا(-س).



اعتماداً على منحنى الاقتران ق(س) = جاس، أرسمُ منحنى الاقتران ل (س) = 7 جاس، ثم أجدُ دورته وسعته.



من الرسم: دورة الاقتران ل =
لقيمة العظمي هي ٢، والقيمة الصغرى هي:
لسعة =
راي الاقسان .

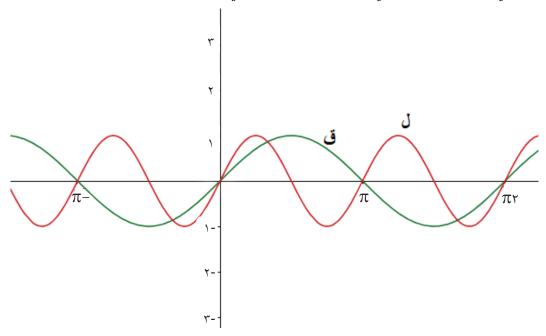


أُمثّلُ منحنى الاقتران ق(س) = حاس، ل(س) = جا٢س على المستوى البياني نفسه، ثم أجدُ السّعة والدورة لِلاقتران ل(س).

أُكملُ الجدول الآتي:

πΥ	$\frac{\pi \cap \pi}{\pi}$	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi \circ}{\xi}$	π	$\frac{\pi_{\Upsilon}}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{\Upsilon}$	$\frac{\pi}{r}$	$\frac{\pi}{\xi}$	$\frac{\pi}{\pi}$	صفر	π-	قياس الزاوية س
• • •	•••	•••	١	•••	<u></u>	•••	•••	•••	•••	صفر	•••	ل (س)= جا٢س

أُعيّنُ النّقاط في المستوى الديكارتي، وأُلاحظُ التمثيل البياني للمنحني:



ىن التمثيل البياني لمنحنى ل(س)، ألاحظُ أنّ دورة الاقتران ل(س) هي:
ينما سعته =
ىدى ا لاق تران ل =

أستنتج: الاقتران الدوري ق(س) = أجا (ب س) + جه، او الاقتران هـ(س) = أجتا (ب س) + جه

حيث: أ، ب، ج أعداد حقيقيّة ، أ، ب ≠ .

فتكون: دورة الاقتران =
$$\frac{\pi^{\gamma}}{|\psi|}$$
 سعة الاقتران = $|\mathring{q}|$ مدى الاقتران = $[-|\mathring{q}|++$ ، $|\mathring{q}|++$

لديك الاقتران ق(m) = 7 جتا $\frac{m}{7}$ - ٣، أجدُ دورته، سعته، ومداه، دون تمثيله بيانيّاً.



دورة الاقتران
$$=\frac{\pi r}{|--|}$$

تمارین ومسائل:

(١) أُمثّلُ منحنيات الاقترانات المثلثية الآتية:

$$(س) = ظاس + 1$$

$$(\pi + m) = - اك (m) - (m + m)$$
 •

(٢) أجدُ: أكبرَ قيمة وأصغرَ قيمة (إن وجدت)، السعة، الدورة لكلِّ من الاقترانات الواردة في السؤال الأوّل.

(٣) أُجِدُ: دورة، وسعة، ومدى الاقتران: ق
$$(m) = -7$$
 جتا $(\frac{m}{7})$ ، دون تمثيله بيانيّاً.

(٤) أ) أرسم منحنى الاقتران ق(س) = جتاس، وعلى المستوى الديكارتي نفسه أرسمُ منحنى الاقتران له (س) = جا (س + $\frac{\pi}{2}$)، ماذا تلاحظ؟

ب) أرسمُ منحنى الاقتران ق
$$(m) = -1$$
س، وعلى المستوى الديكارتي نفسه أرسمُ منحنى الاقتران ل $(m) = -1$)، ماذا تلاحظ؟

(٥) يتحرك سطح البحر بين ارتفاع وانخفاض مرة كل نصف يوم تقريباً، وتعرف هذه الظاهرة بالمد والجزر وتنشأ عن قوى جذب القمر والشمس. إذا كان أقصى ارتفاع للماء هو ٢٠م، وأقل انخفاض هو ١٠م، وكان تغير ارتفاع الماء خلال ساعات اليوم يأخذ شكل اقتران الجيب. أكتب قاعدة الاقتران التي تعبر عن مستوى ارتفاع وانخفاض مستوى الماء مع الزمن، وأمثله بيانيّاً.

المتطابقات والمعادلات المثلثيّة (Trigonometric Identities and Equations)

(0- 5)



شارك في سباق فِلسطينَ الوطنيّ حوالي ٢٠٠٠ متسابق، من دول العالم كافّة؛ حيث اشتمل السباق على رسائل وطنيّة عدّة، أهمّها التركيز على الواقع الفلسطينيّ بمنع حريّة الحركة، وإقامة جدار الضم والتوسع بين محافظات الوطن، الذي تبعه ممارساتٌ عديدة تنافى المواثيق الدّوليّة لحقوق الإنسان.

عندما يكون المتسابقُ ضمنَ مسارٍ مُنحنٍ عليه أنْ يحافظ على اتّزانه، وذلك بالميل بزاوية $\frac{w}{m}$ قياسها = هـ؛ بحيث تكون العلاقة: ظا هـ = $\frac{w}{-c}$ ، حيث: w: سرعة المتسابق تلك اللحظة،

جـ: تسارُع الجاذبيّة الأرضيّة = ٩٥٨م/ث٬، ر: نصف قطر المسار الدائري.



ويمكن كتابةُ تلك العلاقة بالصّورة: جاهـ = حِر جاهـ جتا هـ

- أبيَّنُ أنَّ الصورة الأولى للعلاقة تكافئ الصورة الثانية لها.
- زاوية ميل لاعب يجري بسرعة ٢٠م/ث في مسار دائري نصف قطره = ٤٠م، هي

أرسمُ المستوى الديكارتي



- أرسمُ دائرةً، مركزها نقطة الأصل، ونصف قطرها وحدة واحدة (دائرة الوحدة).
 - أرسم زاويةً، قياسها هـ في الوضع القياسي.
 - أُعيّنُ نقطة تقاطع ضلع انتهاء الزاوية هـ مع الدائرة: ب (س ، ص)
 - جا هـ = ، جتا هـ =
 - (.....) = (m, m) = (m, m)

معادلة دائرة الوحدة س' + ص' =١، النقطة ب تقع على الدائرة، إذن: تحقّقُ معادلتها وينتج أنّ: = 1 مثل هذه العلاقة صحيحة لأيّة زاوية هـ، وتُسمّى متطابقة. = 1 هـ + حتا هـ = 1

أتعلم: المتطابقة المثلثيّة هي معادلة بمتغير تحتوي اقتراناً مثلثياً، وتكون صائبة لجميع قيم المتغيّر.

أستنتج أنّ: جا م = ١ - جتا ه ، جتا ه = ١ - جا ه ، وضّح ذلك.

زاویةٔ قیاسها س درجة بحیث جاس = $\frac{\pi}{\circ}$ ، أجدُ جتا س، ظا س.



- جا ؑ س + جتا ؑ س = ١
- $1 = m^{1} + r^{2} \left(\frac{m}{o}\right)$
- جتا^۲ س = ۱ =
 - جتا س =
 - ظاس =



باستخدام المتطابقة جا مد + جتا مد = ١، أثبت أنَّ:

نشاط • ظا'هـ + ١ = قا'هـ صحيحة لأيَّة زاوية.

نقسم طرفيّ المتطابقة على جتا ه.

وينتج أنّ: حيث إنّ جتاه ≠ .

• ظتا هـ + ۱ = قتا هـ صحيحة لأيّة زاوية.

• نقسم طرفيّ المتطابقة المعطاة على



ا جتا س بحتا س

الطرف الأيمن =

أضربُ البسط والمقام في (١ + جتا س)

أستبدل (۱ – جتا س) بے جا س

أختصر البسط والمقام بالقسمة على جاس

أقارنُ النتيجةَ بالطرف الأيسر من المتطابقة الأصليّة.



أَثبتُ صحّة المتطابقة: جتا هـ _ جا هـ = ١ _ ٢ جا هـ نشاط الطرف الأيمن: من المتطابقة جا مس + جتا س = ١، ينتج أنّ: جتا هـ = ١ - جا هـ $(1 - +1^{\dagger} - +1^{\dagger$



نشاط $\frac{1+\mathrm{d}^{1}}{\mathrm{in}}$ أثبت أنّ: $\frac{1+\mathrm{d}^{1}}{1+\mathrm{d}^{2}}$ = d^{1} هـ



 $\frac{1+d1^7 = \frac{d1^7 = 0}{d1^7 = 0}}{1+d1^7 = \frac{d1^7 = 0}{d1^7 = 0}} = \dots$

ملاحظة: لإثبات صحّة المتطابقة، يمكن البدءُ بأحد الطرفيْن، والوصول إلى الطرف الآخر، ويمكن البدءُ بكلا الطرفين، والوصول إلى مقداريْن متساوييْن.



 $\frac{\pi}{7}$ ، ، = صفر، عندما س = ۱ جا س – ۱ = صفر، عندما س نعوّض س= ، في الجملة المفتوحة γ جا ، - γ الجناء أذن: خاطئة. نعوّض س $=\frac{\pi}{1}$ في الجملة المفتوحة ٢ جا $\frac{\pi}{1}$ - ١ = ٠ إذن: صائبة.

تسمى الجملة المفتوحة التي تحتوي اقتراناً مثلثياً وتكون صائبة لبعض القيم الحقيقية معادلة مثلثية.

أتذكّر: إذا كان س ، ص قياسيْن لزاويتيْن متتامتيْن فإنّ: جاس = جتا ص.



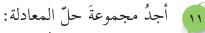
أحلّ المعادلة المثلثيّة: جا (7m + m + m) = + عن ، صفر $\leq m \geq m$ ، و° . نشاط ۲ س + ۳۰ + ۶ س = $^{\circ}$ $^{\circ}$ الإذن س $^{\circ}$ الإذن س

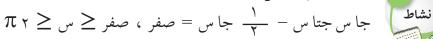
 π ۲ ک س کے مثال (۱): حلّ المعادلة ۲ جا س - ۱ - سفر \leq سفر مثال (۱): حلّ المعادلة ۲

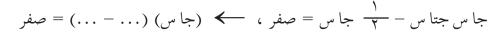
$$\frac{1}{Y} = min + 1 = min$$



إذن: جتا س +
$$\pi$$
 = صفر \longrightarrow جتا س = - π (تُرفض)، لماذا ؟







$$-\frac{1}{2} = -\frac{1}{2} = -\frac{1}{2$$

إذن: س =
$$\dots$$
 أو س = \dots

تمارین ومسائل:

(١) أثبتْ صحّة المتطابقات الآتية:

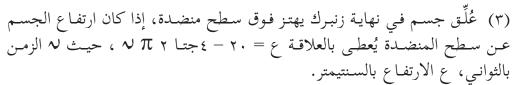
أ) (جاس + جتاس)
r
 = ۱ + جا۲س

$$(\frac{\sqrt{m^2 - 1}}{m}) = \frac{\sqrt{m^2 - 1}}{\sqrt{m^2 + 1}}$$
 (ψ

$$= \frac{1 - + \pi 17 a}{1 + - \pi 17 a} = d 1^7 a$$

 $\tau = \pi + 2$ کل من المعادلات الآتية، حيث: صفر $\tau \geq \pi + 2$ ؟

$$\gamma = 1 + m^{\gamma}$$
 خا



بعد كم ثانية يصل الجسم إلى أقصى ارتفاع ؟



(۲-٤) تمارین عامیة

السؤال الأوّل:

أضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

(١) ما قيم س ، ص الممكنة في الشكل المجاور؟

اُ) (۳۰۰، °۲۰۰) (د (°۳۰۰، °۲۰) (ج (°۳۰۰، °۲۰) (ب (°۳۰۰، °۲۰) (أ

(٢) أي القياسات الآتية قياسٌ لزاوية ربعيّة ؟ °۱۲۰ (أ) ۱۲۰ (ج) ۱۹۰ (ب °۱۲۰ (أ

(٣) أي القياسات الآتية قياسٌ لزاويةٍ مكافئةٍ للزاوية التي قياسها ١٣٥°؟

° కం (ఎ اً) -۲۲۰° ب) ۲۲۰° جي) ۱۳۰۰°

> (٤) ما قياس زاوية الإسناد للزاوية التي قياسها ٢٠٠°: اً) ۱۲۰ (ب °۲۰ ج) °۲۰

(0) زاوية قياسها $(\frac{\pi r}{2})^2$ ، ما قيمة قياسها بالدرجات؟ اً) ۲۱۲ ° ب) ۵۶ ° ج) °۳٤,٤ (ع

د) ۲۰۰

(٦) زاوية قياسها ٣١٥°، ما قياسها بالراديان؟

 $\frac{\pi_{\xi}}{v}$ () $\frac{\pi \vee}{4}$ (ب $\frac{\pi \vee}{4}$ (أ $\frac{\pi \pi 10}{\pi \pi}$ (>

(۷) إذا كان ظا $m=\frac{7}{\Lambda}$ ، فما قيمةُ جا m ؟

 $\frac{\lambda}{\lambda}$ (\Rightarrow $\frac{\pi}{2}$ (\Rightarrow أ) ٦ د) ۸

(9) al ce ce is like it is
$$\pi(w) = \pi + 1$$
?
$$\pi(\frac{\tau}{\tau}) (2) \qquad \pi(\frac{\tau}{\tau}) (2) \qquad \pi(\frac{\tau}{\tau}) (3)$$

السؤال الثاني:

ما قيمة ما يأتي:

$$^{\circ}$$
 الجار دی $^{\circ}$ در الجار کی الجار کی $\frac{\pi v}{\xi}$ - لتجار $^{\circ}$ ۲۶۰- اجار أ

السؤال الثالث:

أُبيّنْ خطأً كلِّ من العبارات الآتية: أ) جتا (س + ص) = جتا س + جتا ص ب) جا ٢س = ٢ جاس ج) ظا $\frac{7}{m}$ س = $\frac{\text{ظا ٢ س}}{m}$

السؤال الرابع:

أثبتْ صحّة كلِّ من المتطابقات الآتية:

$$\frac{1 - m^{1} + m}{m} = \frac{1 + m^{1} + m}{m} = \frac{1}{m}$$
 جا س + جتا س

السؤال الخامس:

أرسمُ منحني كلِّ من الاقترانات الآتية:

أ) ق
$$(m)= \pi جا \left(\frac{7}{m} m\right)$$

$$(\frac{\pi}{r} - \omega) = + \pi i$$
 د) ك (س)



متدني	متوسط	ممتاز	المهارة
			احول من التقدير الستيني الى التقديرالدائري وبالعكس
			احدد الزاوية المكافئة لزاوية ما
			امثل اقترانات مثلثية بيانيا
			اثبت متطابقة مثلثية

فكرةٌ رياديّة:

تستطيع السفينة الدخول الى الميناء فقط إذا كان مستوى المياه لا يقل عن ٨م نتيجة حركة المد والجزر. تُحْدِث حركة المد والجزر تغيراً يومياً على مستوى ارتفاع الماء حسب العلاقة:

ع = 0 جا $\frac{\pi}{7}$ س) + Λ ، حيث س هي المدة الزمنية المنقضية بعد منتصف الليل بالساعات، ع ارتفاع الماء بالأمتار.

- أ) كم مرة يبلغ فيها عمق المياه في الميناء ٨م تماماً في اليوم ؟
- ب) أرسم مخططاً يبين كيف يتغير ارتفاع الماء خلال اليوم، ثم أقدّر عدد الساعات في اليوم التي تستطيع السفينة الدخول الى الميناء. ما هو أقصى ارتفاع وانخفاض للماء خلال اليوم ؟
 - ج) أناقش المخاطر التي تتعرض لها البضائع إذا اعتمد الميناء تفريغ الحمولة الساعة ١٢ ليلاً كل يوم.

الهندسة Geometry

الوحدة الخامسة



تأسّس استاد الحسين بن علي الدّوْليّ/ الخليل عام ٢٠٠٩م، وتم افتتاحُه بإجراء مباراةٍ بين المنتخب الأولمبي الفلسطينيّ، ونظيره الأردني في إحدى ليالي رمضان. ويُعدُّ ثالثَ استاد على مستوى فلسطين.

أُخذت هذه الصّور أثناء إنشاء المِظلّة عام ٢٠١٢م، ما الأشكال الهندسيّة الموجودة في الشكل؟ وكيف تمّ تصميمُها لتقاوم السقوط، وتحافظ على سلامة المواطنين؟

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف الإنشاءات الهندسية ونظريات التكافئ في الحياة العمليّة من خلال الآتي:

- القيام بالإنشاءات الهندسيّة الآتية:

- تنصيف قطعةٍ مستقيمةٍ، وتنصيف زاوية.
 - رسم مستقيم موازِ لمستقيم آخر.
- تمثيل العمليات الحسابية بالإنشاءات الهندسية.
- إقامة عمودٍ على مستقيم من نقطةٍ واقعةٍ عليه.
- إنزال عمودٍ على مستقيم من نقطةٍ خارجةٍ عنه.
 - رسم المضلّعات المنتظمة.
- التعرُّف إلى نظريّات تكافؤ الأشكال الهندسيّة.

انشاءات هندسيّة (١) **Geometric Constructions (1)**

(1 - 0)



الهندسة الإنشائيّة إحدى تخصّصات الهندسة المدنيّة التي تُدرَّسُ في جامعاتنا الفلسطينيّة والتي تهتم بدراسة المنشآت التي تدعم وتقاوم الأحمال. وقد اتسعت الهندسة الإنشائيّة لِتشمّل هندسة الجسور والأبنية، والهياكل (السيارات، الطائرات). الشكل المجاور يبيّن أحد التصاميم الهندسيّة.

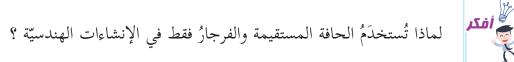


أكتبُ أربعة أشكالٍ هندسيّةٍ في الشكل: مستطيل، الأدوات التي استُخدِمتْ في رسم هذه الأشكال الهندسيّة:

الإنشاء الهندسي: هو رسم الأشكال والرّوايا بدقّةٍ، باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار فقط.

أتعلم: يُمكن إثباتُ أيِّ إنشاءٍ هندسيّ بأدلةٍ وبراهينَ رياضيّة.

ألاحظُ أنَّ: جميع الأشكال في النشاط السابق هي خطوطٌ مستقيمةٌ، أو دوائر، أو جزء منهما.







تنصيف قطعةٍ مستقيمة

- نشاط أفتحُ الفرجارَ فتحةً مناسبة (أكبر من نصف طول أب)، لماذا؟
- أُثبّتُ الفرجار في النقطة أ، وأرسم دائرة (أو جزءاً من دائرة يقطع القطعة المستقيمة).
- بالفتحة نفسها أُثبت الفرجار في النقطة ب، وأرسم دائرة أخرى تتقاطع مع الدائرة الأولى.
- أحدّدُ نقاط تقاطع الدائرتيْن، وأُسمّيهما ج، د، وأصلُ بينهما.

طة تقاطع المستقيم جـ د مع القطعة المستقيمة ﴿ بِ ۚ هِي نقطة المنتصف ولتكنُّ م. لإثبات	• نق
" النقطة م هي منتصف القطعة المستقيمة أب هندسيّاً، أصل بين النقاط أ، جـ، ب، د.	أز

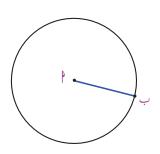
	الشكل الناتج هو: .
--	--------------------

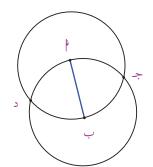
 	سر أقطاره:	العلاقة
 <i>3</i> ·····	يين ، —رد	0) 00 1

	هي:	م	أن النقطة	أستنتج:
--	-----	---	-----------	---------

m bimi

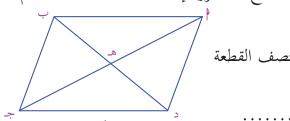
الشكلان المجاوران يبيّنان جزءاً من تنصيف قطعتيْن مستقيمتيْن، باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار أكمل الرسم؛ لتُحدّد نقطة المنتصف.

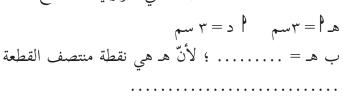






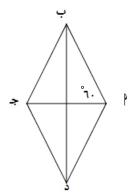
أجدُ محيطَ المثلث جـ ب هـ في متوازي الأضلاع المجاور، إذا علمت أنّ ب د = ٤ سم.







هل يمكن تقسيم قطعةٍ مستقيمةٍ إلى ٤ أجزاء متساوية ؟ هل يمكنُ تقسيمُ قطعةً مستقيمةً إلى ٥ أو ٦ أجزاء متساويةٍ بالطريقة نفسها ؟

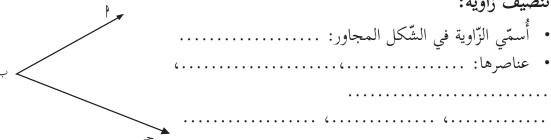


الشكل المجاور هو معيّن.
﴾ ﴿ بِ جِ =
∮ ﴿ بِ د =
قط المعين د ب ينصف زاوية

محيط المثلث =



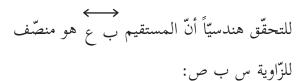
زاوية:	تنصيف
--------	-------



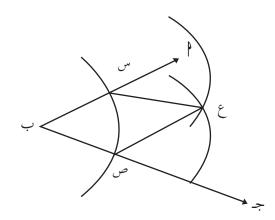
أفتحُ الفرجار فتحةً مناسبةً، وأثبّت رأس الفرجار عند رأس الزاوية ب، وأرسم قوساً يقطع ضلعيّ الزاوية في النقطتين س ، ص على التوالي.

أثبّتُ الفرجار عند النقطة س، وأرسم قوساً بفتحة مناسبة.

أثبّت الفرجار عند النقطة ص، وبالفتحة نفسها أرسم قوساً آخر، يقطع القوس الأوّل في النقطة ع.

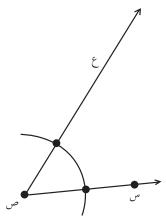


من تطابق المثلث ب س ع ، والمثلث ب ص ع فيهما:



أكملُ الرسم لأنصّفَ الزّاوية المرسومة في كلّ شكل:



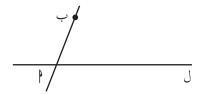




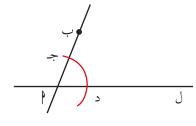
هل يمكن تثليث زاوية ما (تقسيمها إلى ثلاث زوايا متساويةٍ في القياس)؟ أبحث في ذلك.

مثال: رسم مستقيم موازٍ لآخر من نقطةٍ معلومة.

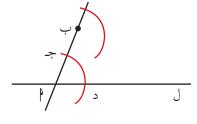
• أرسمُ مستقيماً موازياً للمستقيم ل، ويمرُّ بالنقطة ب:



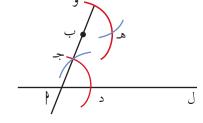
• أرسم من النقطة ب أيّ مستقيم، يقطع المستقيم ل في النقطة أ.



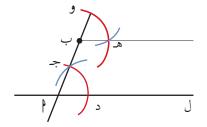
أفتحُ الفرجارَ فتحةً مناسبةً (أقل من أب)، وأرسمُ قوساً من دائرة مركزُها أ خ ويقطع المستقيم أب في النقطة ج، والمستقيم ل في النقطة د.



• أُثبّتُ الفرجار في النقطة ب، وبالفتحة نفسها أرسمُ قوساً آخر يقطع المستقيم أ ب في النقطة و.



 أفتحُ الفرجار فتحةً تساوي جـ د، وأرسمُ قوساً من دائرة مركزها و ____ يقطع القوس السابق في النقطة ه..



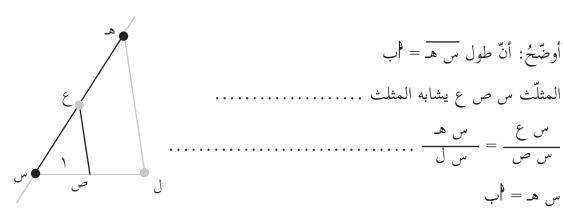
 $\longleftrightarrow \qquad \qquad \bullet \qquad \qquad \bullet$ • Ilamian \bullet .

ٱلاحظ: من التوازي ينتج أنّ √ د أ جـ = √ هـ ب و بالتناظر، ويُسمّى هذا الإنشاء نقلَ زاويةٍ معلومة.

ملاحظة: يمكن الإفادة من إنشاء خطِّ موازٍ لآخر في تمثيل حاصلِ ضربِ عدديْن، وناتج قسمة عدديْن.

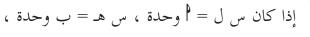
الإنشاء الهندسي لحاصل ضربِ العدديْن: أ، ب.

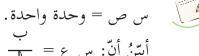
- أرسم المثلّث فيه س ص ع بحيث س ص = وحدة واحدة، س ع = ب وحدة.
 - على امتداد الضلع س ص أرسم قطعة مستقيمة، طولها أوحدة، ولتكن س ل.
- من النقطة ل أرسم مستقيماً موازياً للضلع صع، ويقطع امتداد الضلع سع في النقطة هـ.
 - طول القطعة المستقيمة سه عند يمثّلُ حاصل الضرب أب.





تمثيل ناتج قسمة عدديْن هندسياً.





س هـ = اب



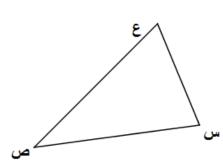
 $\frac{\psi}{\ln \psi} = \frac{\psi}{\ln \psi}$ أييّنُ أنّ: س

المثلّثان س ص ع ، س ل هـ

$$\frac{\omega}{\omega} = \frac{\ldots}{\ldots} ; \omega = \frac{\ldots}{\ldots}$$



تمارین ومسائل:



(۱) أرسم القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفيّ ضلعيْن في مثلث توازي الضلع الثالث، وطولها يساوي نصف طوله. أرسمُ القطعة الواصلة بين منتصفيّ ضلعيْن في المثلث س ص ع باستخدام الحافة المستقيمة، وأتحقّقُ من النظريّة بالقياس.

(٢) مُنصّفات زوايا المثلث تتلاقى في نقطة واحدة، وهي مركز للدائرة المرسومة داخل المثلث. أرسمُ شكلاً هندسيّاً باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار يوضّحُ ذلك.

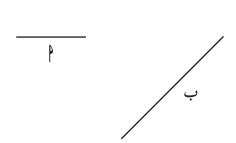


(٣) اشترى سالمٌ طاولةً لحديقته المنزليّة، يريد تثبيت مظلة في منتصفها ساعدْهُ في تحديد نقطة منتصف الطاولة لتثبيت المِظلّة.

(٤) في الشكل المجاور (h)، ب يمثلان طولي قطعتين مستقيمتين)، استخدم الإنشاءات الهندسيّة في تمثيل:







إنشاءات هندسيّة (۲) Geometric Constructions (2)

(7 - 0)



تجتمعُ العائلةُ الفلسطينيّةُ عادةً في المساء؛ للتحاور نشاط ومتابعة البرامج الثقافيّة التلفزيونية.

أراد أبو سعيدٍ شراءَ شاشةِ تلفازٍ؛ لوضعها في صالة الجلوس. اقترح سعيدٌ شراءَ شاشةٍ، مقاسمها ٤٢

بوصة، لكن والده قال: إن المقاس ٣٦ بوصة مو الأنسب. شاركت الأم، واقترحت عليهم قياس المساحة المتاحة لوضع الشاشة، ثمّ أخْذ القرار المناسب.

فإذا كانت أبعادُ الحائط المخصّص لوضع الشاشة هو ٢٥، ٥٠

بوصةً، وكان مقاس شاشة التلفاز هو طول قطرها (س) بالبوصة، ويُعطى بالعلاقة س = $\sqrt{7}$ حيث: م هي مِساحة الشاشة، فإنّ مقاس الشاشة الأنسب هو:

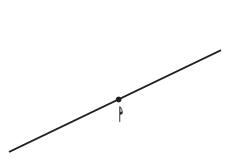
 $w = \sqrt{7 \times 07 \times .3}$

س=

س = ۲۰ √ ٥

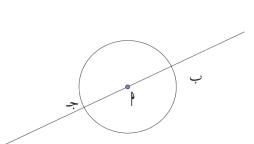
هل يمكن التعبير عن مقاس الشاشة بعددٍ صحيحٍ، أو عددٍ نسبيّ؟

يُسمّى العدد √ ٥، وينتمّي إلى مجموعة الأعداد



إقامة عمود على قطعة مستقيمة من نقطة واقعة عليها. أفتحُ الفرجار فتحة مناسبة، وأرسم دائرة مركزها أ، تقطع القطعة المستقيمة في النقطتين: ج.، ب. أفتحُ الفرجار فتحة مناسبة، وأثبته عند النقطة ج.، وأرسم قوساً.





بالفتحة نفسها أُثبّتُ الفرجار عند النقطة ب، وأرسمُ قوساً يقطع القوس الأوّل في النقطة هـ. أكملُ الرسمَ لأحصلَ على العمود أه. أتحقّقُ هندسيّاً من صحّة الرّسم.



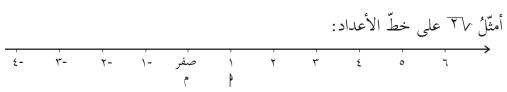
عليها.

أرسمُ المثلّث أ ب ج القائم الزاوية في ب . أمدُّ القطعة المستقيمة من جهة ب، أُكملُ خطواتِ إقامةِ عمودٍ على قطعةٍ مستقيمةٍ من نقطةٍ واقعةٍ أ

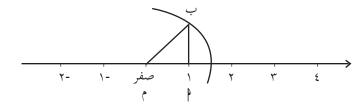
٠

أتعلّم: تُستخدَمُ الإنشاءاتُ الهندسيّة لتمثيل الأعدادِ غيرِ النسبيّة التي على هيئة جذورٍ تربيعيّة، لأعدادِ ليست مربعاتِ كاملةً على خطّ الأعداد.



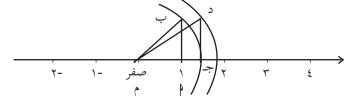


• أُنشىءُ عموداً طولُه وحدةً واحدة عند النّقطة أ، وأُسمّيه أ ب، فيكون م ب يساوي ٦٧ . أرسمُ قوساً من دائرة مركزها م، ونصفُ قُطرِها م ب، ويقطعُ خطَّ الأعداد، أُعيّنُ عند ٦٧ .





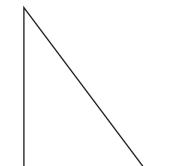
- أُمثّل ٣٧ على خطّ الأعداد.
- بالرجوع إلى النشاط السابق ، أُنشىءُ عموداً على خطّ الأعداد عند ٧٦ ، طولُهُ وحدة
 - واحدة، وأسمّيه جدد.



- م د =
- · أُكملُ الرسم لتمثيل العدد ٣٠ .



في المثلّث أ ب جـ المجاور، أ ب = $\frac{m-1}{7}$ ، أ جـ = $\frac{m+1}{7}$ ، أجدُ طولَ الضلع نشاط



باستخدام نظرية فيثاغورس:

$${}^{\mathsf{r}}\left(\frac{1-\omega}{\mathsf{r}}\right)_{-}{}^{\mathsf{r}}\left(\frac{1+\omega}{\mathsf{r}}\right)={}^{\mathsf{r}}(2+\omega)$$

أتعلم: لتمثيل جذر العدد س، س $> \cdot على خطّ الأعداد، نقيم عموداً عند نقطة الصفر طولُهُ <math>\frac{1}{V}$ ونسميه $\frac{1}{V}$ ويقطع خط $\frac{1}{V}$ ونسميه $\frac{1}{V}$ ويقطع خط الأعداد. نقطة تقاطعه مع خطّ الأعداد هي تمثيل العدد $\frac{1}{V}$.



أُمثّل √ ◊ بالطريقة السابقة:

أرسم قوساً من دائرة مركزها أ،

ونصف قطرها

أُعيّنُ ٧٥ على خطّ الأعداد.

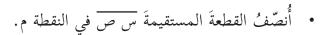


إنشاء عمودٍ على مستقيمٍ من نقطةٍ خارجةٍ عنه.

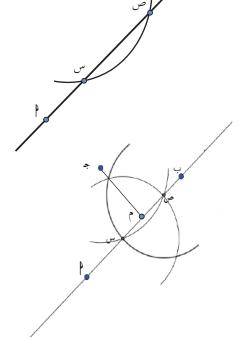
• أرسمُ المستقيمَ ﴿ بِ، والنقطة جِ الخارجة عنه.

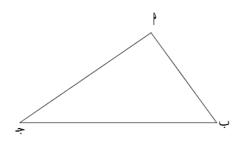


أفتحُ الفرجار فتحةً مناسبة، وأُثبتُه في النقطة جـ، وأرسمُ قوس يقطعُ المستقيم في النقطتين س ، ص.



• أصلُ بين جونقطة المنتصف م.

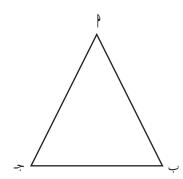




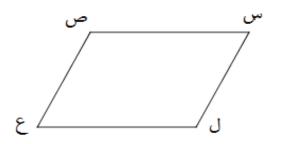
في الشكل المقابل أنشئ عموداً للمثلث أب ج، من الرأس أعلى القاعدة بج.

النقطة أم نقطة خارجة عن المستقيم يقطع أُثبّت الفرجار في النقطة أ، وأرسم يقطع الضلع ب ج في النقطتين أُكملُ الرسم.

تمارین ومسائل:

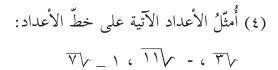


(۱) في المثلث متساوي الساقين، العمود المقام من منتصف القاعدة يمرُّ بالرأس، ويُنصّف زاويته. تحقّق من صحّة النظريّة؛ عن طريق الرسم بالحافة المستقيمة والفرجار.



(٢) أرسمُ ارتفاعاً لمتوازي الاضلاع من الرأس ص على القاعدة ع ل، باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار.

(٣) أنشئ الرّوايا الآتية: ٥٥°،
$$\frac{1}{7}$$
 ٢٢°.

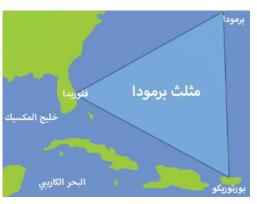




(٥) مصنعٌ للخزف يُنتج أطباقاً دائريّة الشكل، أراد سامي تقديم هديةٍ تذكاريّةٍ لصديقه؛ بحيث تكون ساعةً مثبتةً على طبقٍ خزفيّ. كيف يمكن مساعدتُه في تحديد موقع تثبيتِ عقاربِ السّاعة في الطبق باستخدام الإنشاءات الهندسية.

المثلّث Triangle

(~ - 0)



مثلث برمودا هو منطقة بغرافية على شكل مثلث، مساحته مليون كم ، وهو منطقة الشتهرت؛ بسبب مقالاتٍ وأبحاثٍ نُشِرت حول كثرة الحوادث، واختفاءات السفن وحتى

الطائرات. لكن الإحصاءات الحديثة لخفر السواحل الأمريكيّة لا تشير إلى حالات اختفاءات السفن والطائرات أكثر من مناطق أخرى.

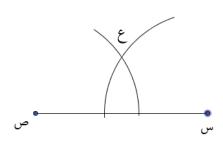
يقه وفل في رويدا في الرحاط .	
يقع مثلث برمودا في المحيط:	
ويصل بين جزر، ودولة، ودولة ولاية	
إذا كانت المسافة بين ولاية فلوريدا ومجموعة جزر برمودا تقدر بـ ١٥٠٠كم، أقدَّرُ المسافة بين	لة بين دولة
بورتوريكو وولاية فلوريدا	
وكذلك المسافة بين مجموعة جزر برمودا ودولة بورتوريكو	
ما نوع مثلث برمودا من حيث الاضلاع ؟	• • •
يمكن تصنيف المثلثات من حيث الأضلاع إلى، و، و، و	

رسم مثلث متساوي الساقين.



أرسم مثلثاً متساوي الساقين، قاعدته س ص ؛ باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار:

- أفتحُ الفرجار فتحةً مناسبة.
- أُثبّت الفرجار عند النقطة س، وأرسم قوساً.



- بالفتحة نفسها أثبّتُ الفرجار عند النقطة ص، وأرسم قوساً آخر يقطع القوس الأوّل.
- نقطة تقاطُع القوسين ع هي الرأس الثالث للمثلّث، أعيّنها على الرسم، وأُكملُ الرسم باستخدام الحافة المستقيمة.
 - $\nabla = \nabla = \nabla$

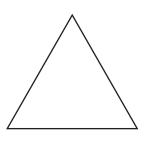


باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار، أُكمل الرسم لأحصلَ على مثلثٍ متساوي الساقين،

أتذكر: العمود النازل من رأس المثلث متساوي الساقين على القاعدة يُسمّى محورَ التماثل للمثلث.

- أرسمُ محورَ التماثُل للمثلث.
- أفتحُ الفرجار فتحةً مختلفةً عن السابق، وأحاولُ رسمَ مثلثٍ متساوي الساقيْن مختلفاً.

كم مثلثاً متساوي الساقين يمكن رسمُه على القاعدة أب ؟ أوضّح العلاقة بين رؤوس هذه المثلثات.





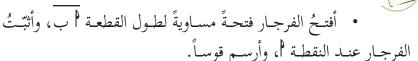
- - عدد محاور تماثله

الهندسة



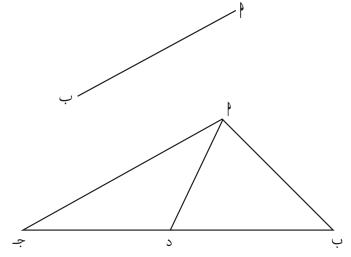
رسم مثلث متساوي الأضلاع

لرسم مثلثٍ متساوي الأضلاع قاعدته أب باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار:



بالفتحة نفسها أُثبّت الفرجار عند النقطة ب، وأرسم قوساً آخر، يقطع القوس السابق.

- يكون الرأس الثالث للمثلث هو .
 - أُكمل الرسم.



كم مثلثاً متساوي الأضلاع يمكن رسمه _ على القطعة ^أ ب ؟



القطعة المتوسطة في المثلث



أنصف الضِّلْع ب ج بالنُّقطة د ،

وأصل بين أ ، د ، فيكون ب د = ____

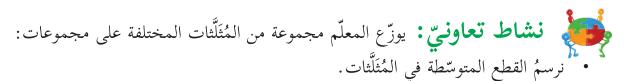
مِساحة المُثَلَّث $= \frac{1}{2} \times \operatorname{deb}$ القاعدة \times

مِساحة المُثَلَّث أ ب د = ____×___

مِساحة المُثَلَّث أجرد = ___×____×___

ما العلاقة بين مِساحة المُتَلَّثين؟

أتعلم: القطعة المتوسّطة في المُثَلَّث هي القطعة المستقيمة الواصلة بين أحد رؤوس المُثَلَّث ومنتصف الضِّلْع المقابل له.



- · نلاحظُ أنّ القطع المتوسّطة في المُثَلّث تقاطعت في _____.
 - نقيسُ المسافة من رأس المُثَلَّث إلى نقطة تقاطع القطع المتوسَّطة.
 - نقيسُ المسافة بين نقطة تقاطع القطع إلى منتصف الضِّلْع.

ماذا نلاحظ؟

أتعلم: تتقاطع القطع المتوسّطة للمُتَلَّث في نقطة واحدة.

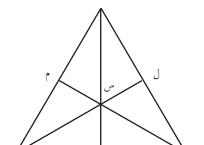
نقطة تقاطع القطع المتوسّطة، تُقَسَّمُ كلُّ قطعة منها بنسبة ٢ : ١ من جهة أي رأس.

في المُثَلَّث المجاور:



المُثَلَّث أب ج، فيه: ل منتصف أب، ن منتصف ب ج، م منتصف أج،

$$m \neq 0 = 0$$
 سم، س م $m \neq 0$ سم.

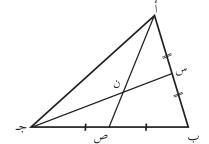


تمارين ومسائل:

- (۱) أُنشئُ الزّاواية ٦٠ °.
- (٢) أُقسّم الزاوية المستقيمة إلى ثلاثة أقسام متساوية.
- (٣) أنشئ معيّناً، أحدُ أقطاره القطعة المستقيمة (٣)
- (٤) يعمل تامر في تصميم طائرات الأطفال، ساعده في إكمال الطائرة الورقيّة، التي أحد أقطارها القطعة المستقيمة المجاورة أب. هل يمكنه إنشاء طائراتٍ مختلفة على القُطر السابق نفسه؟ ساعده في ذلك.
- (٥) يريد أبو محمّد سقف ساحة مستطيلة الشكل"بالقرميد"، أبعادها: ٢م ، ٤م ، كمرآب لسيّارته، كما هو موضّحٌ في الشكل أدناه، موضّحاً شكل المثلثات وأبعادها. فسّر إجابتك.

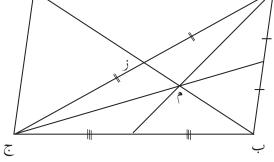


(٦) أ ص ، ج س قطع متوسّطة في المُثَلّث أ ب ج، وطول $\overline{0}$ = ٦ سم، أَجِدُ: أ) طول أ $\overline{0}$.



ب) طول أص .

(۷) أب جد متوازي أضلاع، إذا كانت زنقطة تقاطع القطرين، ب د = ۲٤ سم، م نقطة تلاقي القطع المتوسّطة للمُثَلَّث أب جد، أ المتوسّطة للمُثَلَّث أب جد، أ أُجِدُ م ز .



(A) المثلّثُ الذهبيّ: هو مثلّثُ متساوي الساقين، فيه نسبةُ طولِ أحدِ الساقيْن إلى طول القاعدة يساوي النسبة الذهبية، وتساوي $\phi = \frac{1+\sqrt{6}}{7}$ باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار أرسمُ رسماً تقريبيّاً لمثلثٍ ذهبيّ.

رسم مضلّعاتٍ منتظَمة Equileteral Polygons Construction

[**٤** - 0)



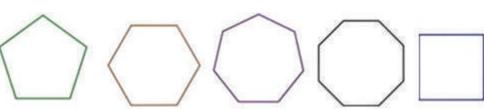
طبيعة فلسطين الخلابة والمتنوعة يسمح لها بوجود ثرواتٍ طبيعيةٍ كالعسل. وهذه الطبيعة تسمح بإنتاج النحل للعسل ثمانية أشهرٍ في السنة، مقابلَ شهريْن في دولٍ أخرى؛ حيث يبلغ عدد خلايا النحل في فلسطين ٤٥ ألف خليّة، ومعدل إنتاجها ٤٥٠ طناً من العسل الصافي سنويّاً؛ ما يشكّل ثروةً وطنيّةً عظيمة. ولقرص العسل شكلٌ هندسيُّ رائع؛ ما دعا بعض علماء الرياضيّات إلى تسميته "رائعةً معماريّةً".



أتعلم: السداسي المنتظَم هو المضلّع المنتظَم ذو أكبرِ عددٍ من الأضلاع، الذي يصلح لتغطية مِساحةٍ بالكامل. إضافة إلى أنّه المضلع الذي يعطي أكبرَ مِساحةٍ بأقصرِ محيط؛ ما يتيحُ للنّحلة بأنْ تُخزّنَ أكبرَ كميّةٍ من العسل بأقل كميّةٍ ممكنةٍ من المادة الشمعيّة.

سمّي المضلّعات الآتية:



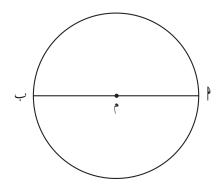


أرسم شكلاً سداسياً منتظماً أحد أضلاعه المرابعة المستقيمة والفرجار.



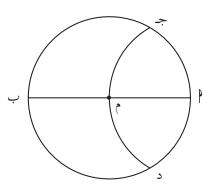
٩ _____ م

١. أرسم دائرة مركزها النقطة م ونصف قطرها أم



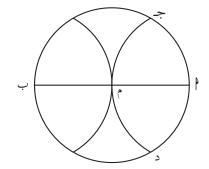
٢. أكمل رسم القطر أب

الهندسة



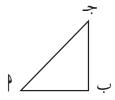
٣. بنفس الفتحة أرسم قوساً من دائرة مركزها النقطة أويقطع الدائرة في النقطتين ج. د.

٤. أرسم قوساً آخر مركزه النقطة ب وأحدد نقاط تقاطعه مع الدائرة.



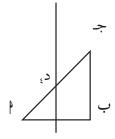
ه. أصل بين نقاط تقاطع القوسين مع الدائرة أو نهايتا قطر الدائرة.

مثال ١: رسم مضلع منتظم إذا عُلِم أحد أضلاعه

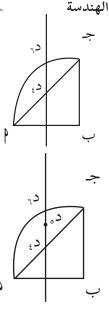


أرسم مضلعاً خماسيًّا منتظَماً، أحدُ أضلاعِه أب، باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار.

١. أرسم مثلثاً قائم الزاوية في ب ومتساوي الساقين.

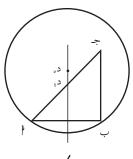


 $\overline{\ \ \ }$. وأنصّفُ الضلع $\overline{\ \ \ \ }$ ، وأقيم عليه عموداً يقطع الضلع $\overline{\ \ \ \ }$. في النقطة د.

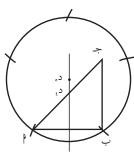


 4 . أرسمُ قوساً من دائرة مركزها ب، ونصف قطرها يساوي 4 ب ويقطع العمودي في النقطة 5 .

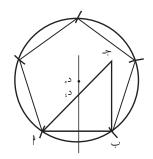
٤. أُنصّفُ القطعة، درد في النقطة ده.



ه. أرسم دائرة مركزها النقطة ده، ونصف قطرها أ ده.



٦. أفتحُ الفرجار فتحةً تساوي أب، ومن النقطة أ أبدأ بتقسيم الدائرة بأقواس على التوالي تتقاطع مع الدائرة بنقاط تكون هي رؤوس الشكل الخماسي.



٧. أصلُ بين الرؤوس، وأحصل على الشكل الخماسي المنتظّم.

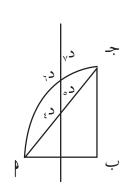


أرسمُ شكلاً سباعيّاً منتظّماً، أحد أضلاعه أب:

لرسم الشكل السباعي أتّبعُ خطواتِ المثال السابق ٣-١.

• لتحديد مركز دائرة السباعي أفتح الفرجار فتحة تساوي د د د وأركز في النقطة د وأرسم قوساً يقطع العمودي في النقطة د

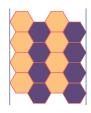
• أرسمُ دائرةً مركزها $c_{\rm v}$ ، ونصف قطرها أ $c_{\rm v}$. أُكملُ الرسم لتحديد رؤوس الشكل السباعى.

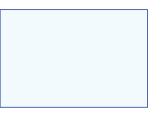


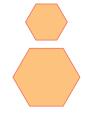
وبشكل عام: لرسم رباعيّاً منتظماً أرسم دائرة مركزها د ونصف قطرها أد ، ولرسم سداسيّاً منتظماً أرسم دائرة مركزها د ونصف قطرها أد ، وهكذا.

تمارين ومسائل:

- (١) أجدُ مجموع قياسات زوايا الأشكال الآتية، وقياس الزاوية الداخليّة لها: أ) الثماني المنتظم. ب) السباعي المنتظم.
 - (٢) أرسمُ باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار مربّعاً بطريقتيْن مختلفتيْن.
- (٣) أرسم باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار سداسيّاً منتظماً. (بطريقة رسم المضلعات المنتظمة)
- (٤) النجمة الخماسيّة: هي شكلٌ هندسيُّ يتكوّنُ من خماسيّ منتظم ، مرسوم على كلِّ ضلع من أضلاعه مثلثُ ذهبيُّ. أرسمُ نجمةً خماسيّةً باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار، وأجدُ زاويةَ رأسها.
- (٥) أرضية غرفةٌ على هيئة مستطيلٍ، أبعادها: ٦م ، ٨م ، يُراد تبليطُها بأشكالٍ سداسيّةٍ منتظَمة، أُنشئُ سداسيّاً منتظماً بطول ضلع مناسبٍ، وأملاً به المِساحة.







www.youtube.com/watch?v=p-YehXivY5c www.youtube.com/watch?v=TAHczLeIUTc

روابط إلكترونية:

تكافؤ الأشكال الهندسيّة **Equivalence of Geometric Figures**



تقوم دائرةُ تسجيل الأراضي في فلسطين بتسجيل الأراضي بأسماء مالكيها. يمتلك الأخوان عبد نشاط الحميد وعبيد الرحيم قطعيّة أرّض تقع على الشارع الرئيس، أرادا تسجيلها في الدائرة، فقاما

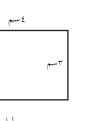
- إعداد مخطُّطِ المِساحة من قبل مكتبٍ مُعتمَد.

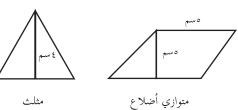
• أستعانا بمهندُسِ مساحةٍ لتعيين الحدوّد على الأرض. إذا مثّلَ الشكلُ المجاور مخطّطاً لقطعة الأرض، اقسم القطعة بين الأخوين بالتساوي. اشرحْ طريقتك

اقترحْ طرقاً أخرى للتقسيم.



أحسبُ مِساحةَ الأشكال الهندسيّة الآتية:





- مساحة المربع = سم ، مساحة المستطيل = سم المستطيل عليه المستطيل
 - مساحة المثلث = سم ، مساحة متوازي الأضلاع =
 - مساحة متوازي الأضلاع = مساحة
 - نقول: إنّ متوازي الأضلاع يكافيء المربّع
 - مساحة المثلث = مساحة
 - نقول: إنّ المثلث يكافيء

تعریف:

الشكلان الهندسيّان المتكافئان هما شكلان متساويان في المِساحة.

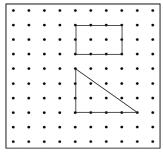
الهندسة



أرسمُ علي اللوحة الهندسيّة أشكالاً هندسيّةً متكافئةً، مِساحةُ كلِّ منها ٦ وحدة مربعة.

مستطيل أبعاده: ۲ ، ۳ وحدة.

 مثلثٌ قائمُ الزّاوية، أطوال ضلعيّ القائمة:	
	•



يمثّل الشكل المجاور متوازي الأضلاع أب جد، وُصِّلَ القطر أج ، فنتج المثلثان



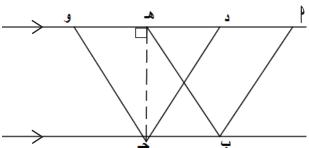
أستنتج: إذا تطابق شكلان هندسيّان فإنّهما متكافئان.



هل تكافؤ الأشكال الهندسيّة يؤدّي إلى تطابقها؟



في الشكل المجاور أب جد، ه ب ج و متوازیا أضلاع مشتركان في القاعدة ب ج ، ومحصوران بين مستقيميْن متوازييْن، ب جـ = ٤سم، هـ جـ = ٢ سم



مساحة متوازي الأضلاع هـ ب جـ و = القاعدة × الارتفاع

ارتفاع متوازي الأضلاع أب جدد =

مِساحة متوازي الأضلاع أب جـ د = ×

إذن: متوازي الأضلاع أب جدد يكافئ متوازي الأضلاع هه ب جو. لماذا؟



متوازيا الأضلاع المشتركان في القاعدة، والمحصوران بين مستقيميْن متوازييْن يكونان متكافئيْن.

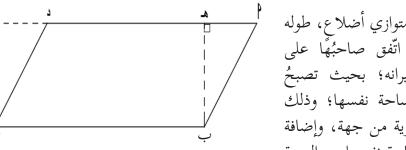


أرسم متوازي أضلاع يكافئ متوازي الأضلاع المرسوم على اللوحة الهندسية.

كم متوازي أضلاع يكافئ متوازي الأضلاع المرسوم، ويشترك معه في القاعدة، يُمكن رسمه على اللوحة الهندسيّة؟



قطعةُ أرضِ على شكل متوازي أضلاع، طوله ٣٠م، وارتفاعه ٢٠م، اتّفق صاحبُهًا على تعديل الحدود مع جيرانه؛ بحيث تصبحُ القطعةُ مستطيلةً وبالمساحة نفسها؛ وذلك باقتطاع مثلثٍ قائم الزّاوية من جهة، وإضافة مثلثِ قائم الزاوية بألمساحة نفسها من الجهة



الأخرى. أجد:

مِساحة قطعة الأرض قبل التعديل =×

مِساحة قطعة الأرض بعد التعديل = الطول × العرض.

طول متوازي الأضلاع = طول المستطيل، لماذا؟

ارتفاع متوازي الأضلاع = عرض المستطيل، لماذا؟ $\frac{1}{4}$ لماذا؟ ماذا ألاحظ؟

نظرية: متوازي الأضلاع يكافىء المستطيل المشترك معه في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين.



ما علاقة المثلث بمتوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة والمحصورين بين مستقيميّن الشاط متوازييْن؟

أرسمُ متوازي الأضلاع أ ب جـ د.

أرسم المثلث هـ ب جـ .

أرسم القطعة هـ ل توازي أب

إذن: هـ ل توازي د جـ ، لماذا؟

ينطبق المثلثان أب ه. ، له هـ ب ، فيهما:

م ب = هـ ل، لماذا ؟

ا هـ = ب ل ، هـ ب مشترك

مِساحة المثلث أب هـ = مِساحة المثلث.....

كذلك ينطبق المثلثان ه ل ج ، ج د ه ، فيهما:

.....()

..... (۲

..... (٣

أستنتج: مِساحة المثلث = المشترك معه في القاعدة، والمحصورين بين مستقيمين متوازيين.

نظرية:

مِساحة المثلث تساوي نصف مِساحة متوازي الأضلاع المشترك معه في القاعدة والمحصورين بين مستقيمين متوازيين.



في الشكل المجاور أب جد مستطيل، فإذا كانت مساحة المثلث أب و = ١٠سم، ومساحة المثلث و جد = ١٥سم، أجدُ مساحة المثلث و ب جد:

أُقيم العمودُ و هـ، المثلث أب و يكافيء المثلث لماذا ؟

مِساحة المثلث و ب هـ =

مِساحة المثلث و هـ جـ = لماذا ؟

لكنّ المثلث و ب جـ يتكوّن من المثلثين: و

إذن: مساحته = + + =

مِساحة المستطيل أب جـ د تساوي



هل يمكن إيجاد مساحة المستطيل في النشاط السابق بطريقةٍ أخرى؟



يُمثّلُ الشكل المجاور شارعيْن متوازييْن، هو ع، ل و ع قطعتيّ أرضٍ مثلثتي الشكل، متداخلتين ومشتركتين في القاعدة. أبيّنُ أنّ المثلثين هو ع، ل و ع متكافئان.

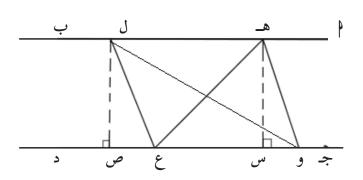


مساحة القطعة هـ و ع $=\frac{1}{7}$ القاعدة \times الارتفاع = \times

مساحة القطعة ل و ع $= \dots \times \dots$

 $\overline{$ لكنّ الارتفاع \overline{a} = الارتفاع \overline{b} الارتفاع \overline{b} الدرتفاع الدرتفاع الكنّ الارتفاع الدرتفاع الدرتفاع

إذن: مساحة المثلث هـ و ع = مساحة المثلث ل د ع

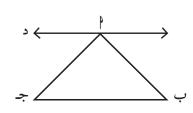


أستنتج:

المثلثان المحصوران بين مستقيمين متوازيين ولهما القاعدة نفسها متكافئان.

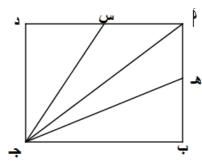


أرسم مثلثاً مشتركاً مع المثلث أب جه في القاعدة في \longleftrightarrow الشكل، ومكافئاً له علماً بأن ب جه يوازي أد: أرسم مثلثات أخرى مكافئة للمثلث أب جه.

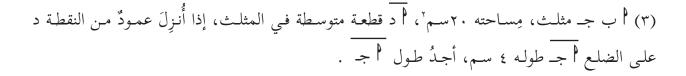


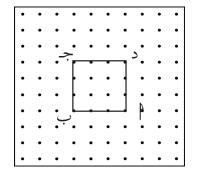
تمارين ومسائل:

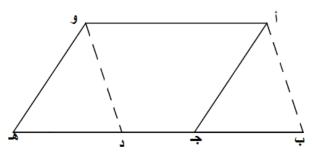
(١) أرسمُ ثلاثة أشكالٍ هندسيّةٍ متكافئةٍ، مِساحة كلِّ منها ٤ وَحداتٍ مربّعة.



(۲) أب جدد مستطيل، فيه النقطة هد منتصف أب ، والنقطة س هد منتصف أد ، أُسمّي ٣ أزواج من المثلّثات المتكافئة.



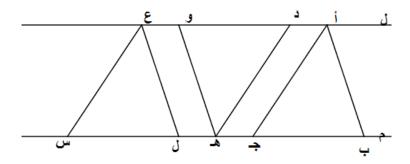


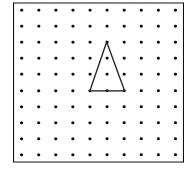


(ه) في الشكل المجاور أب // ود، أج // وهـ

، أ و // ب هـ . أبيّنُ أنّ:

- أ) مساحة أ ب د و تسا*وي مساحة أ جـ هـ و*.
 - ب) المثلث أب ج يكافيء المثلث و د ه.





(٧) أرسم خمسة أشكال هندسيّة مختلفة ومكافئة للمثلث المرسوم في الشكل.

- (٨) أب جدد شبه منحرف، فيه أد يوازي ب جه، وُصِلَ قطراه أج ، ب د فتقاطعا في النقطة م. أُبيّنُ أنّ المثلث أب م يكافىء المثلث دم جد.
- (٩) أب جـ مثلث مساحته ٨ سـم، أُنشِيء على قاعدته $\overline{-}$ المربع س ب جـ د، بحيث تقع النقطة أعلى $\overline{-}$ على $\overline{-}$ أبشِيء على قاعدته $\overline{-}$ النقطة أعلى $\overline{-}$ أبشِيء على قاعدته $\overline{-}$ النقطة أعلى $\overline{-}$ أبشِيء على قاعدته $\overline{-}$ النقطة أعلى $\overline{-}$ أبشِيء على قاعدته أبشِيء على أبشِيء على قاعدته أبشِيء على أبشِيء على
 - أ) مساحة المربع س ب جد.
 - ب) طول ب ج.

(٥-٦) تمارين عامة

السؤال الأول:

أُمثّلُ على خطّ الأعداد:

 \sqrt{Y} + (, $\sqrt{\circ}$, (, \sqrt{T} , \sqrt{T}

السؤال الثاني:

أرسم زوايا قياسها ٣٠°، ١٥°.

السؤال الثالث:

أرسم المثلث أب جـ، القائم الزاوية في ب، ثم أُنشئ القطعة المستقيمة $\frac{\overline{}}{}$ حيث: دهي منتصف الوتر. تحقّق أنّ طول $\frac{\overline{}}{}$ ونصف طول الوتر $\frac{\overline{}}{}$ جـ .

السؤال الرابع:

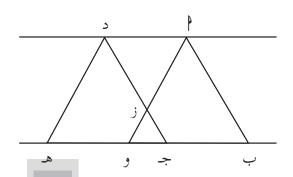
بقرتان ترعيان في حقلٍ مستطيل الشكل، أبعاده: ٢٠ م، ١٢ م. إذا رُبِطَت البقرتان في زاويتين متقابلتين في الحقل بحبل طوله ١٣ م، أرسم باستخدام الحافة المستقيمة والفرجار شكلاً تخطيطيّاً للحقل، موضّحاً المساحة التي ترعى فيهما كلتا البقرتين.

السؤال الخامس:

أب جدد مربع محيطه ٢٤سم، هد منتصف بجد. احسب مساحة المثلث أهد جد.

السؤال السادس:

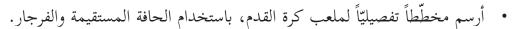
أب جدد ، أو هدد متوازيا أضلاع مشتركان في القاعدة أب د ، ومحصوران بين مستقيمين متوازيين كما في الشكل المجاور. بيّنْ أنّ الشكل أب جز يكافىء د زو هد.



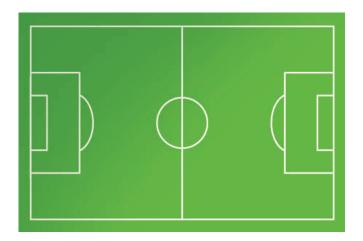


متدني	متوسط	ممتاز	المهارة
			انصف قطعة مستقيمة واقيم عمود عليها
			احدد منصفات الاضلاع لمثلث ما
			ارسم مضلع منتظم





• اقترح أبعاداً مناسبة للملعب للاستفادة من قطعة أرض أبعادها ١٥٠م، ١٠٠٠م لتصميم ذلك الملعب.



الرياضيّات المالية Mathematical Finance





هل تابعت يوماً النشرة الاقتصاديّة في الأخبار ... ما مدى معرفتك بأسواق المال وما يجري فيها ؟ يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف الأسهم والسندات في الحياة العمليّة من خلال الآتي:

- ١ التعرف إلى مفهوم الأسهم.
- ٢ التعرف إلى مفهوم السندات.
- ٣- التعرف إلى مفهوم التأمين وأنواعه المختلفة.

الأسهم (Shares)

(1-7)





يعاني المواطنون الفلسطينيّون من نقصٍ في موادّ البناء؛ إذ يتمّ استيرادها من الخارج. فكّرت مجموعةٌ من المستثمرين بإنشاء شركةٍ مساهمةٍ؛ تمهيداً لإنشاء أولّ مصنعٍ فلسطينيّ متكامل للأسمنت.

شركة مساهمة تعنى....

إذاً قرّر المستثمرون فتح الباب أمام الجمهور للمساهمة في الشركة عن طريق الأسهم، قيمة كلِّ سهم ديناران ، اشترى عادل ١٠٠٠سهم من أسهم هذه الشركة، المبلغ الذي ساهم فيه =......

أتعلُّم: السّهم: عبارة عن صكٍّ يثبت أنّ لحامله حصةً في ملكيّة أصول شركةٍ مساهمةٍ معيّنة، إضافةً إلى حقّه في نسبةٍ من أرباحها.

القيمة الاسمية للسّهم: هي قيمة السهم عند الشراء، وهي القيمة التي تظهر في الدفاتر المحاسبيّة، وعلى شهادة السّهم.

ملاحظة: يُعتمد في حساب الأرباح في الأسهم الربح البسيط.

أودعَ محمودٌ مبلغ ٢٥٠٠ ديناراً في بنك بسعر فائدة سنوية ١,٥٪. مقدار ربحه في نهاية السنة= ٢٥٠٠ × = إذا أودع المبلغ لمدة ٥ سنوات فإنّ ربحَه=..... × نسبة الفائدة × المدة = × =



يبيّن الجدولُ الآتي شكل وحجم التداول لأسهم مجموعةٍ من الشركات الفلسطينيّة، على مدار شهر كانون ثاني من عام ٢٠١٧، أتأمّلُ الجدول:

بورصة فلسطين





ة من 2017/03/30 إلى 2017/03/01

إسم الشركة	رمز السهم	عملة التداول	تصنيف السوق	أدنى سعر تداول	أعلى سعر تداول	سعر الإغلاق	سعر الاغلاق السابق	نسبة التغير (%)	عدد العقود
نىركة ايراج الرطنية	ABRAJ	دولار	2	1.15	1.20	1.15	1.17	(-1.71)	7
المؤسسة العربيــة الفنـــادق	AHC	دينار	2	220	.25	0.71	0.71	122	0
البنك الاسلامي العربي	AIB	نولار	1	1.83	1.98	1.85	1.81	2.21	124
المجموعة الأهلية للتأمين	AIG	دولار	2	0.13	0.13	0.13	0.14	(-7.14)	24
العربية لصناعة الدهانات	APC	دينار	2	**	-	5.18	5.18	100	0
السركة العربية الفاسطينية للاستثمار (أبيك)	APIC	دو لار	1	1.82	1.95	1.84	1.89	(-2.65)	323
لعقارية التجارية للاستثمار المساهمة العامة	AQARIYA	دينار	2	0.70	0.73	0.71	0.72	(-1.39)	16
المستثمرون الحرب	ARAB	دينار	2	223	1/22	0.77	0.77		0
المؤسسة العقارية العربية	ARE	دينار	2	988		0.30	0.30		0
دواجن فلسطين	AZIZA	دينار	2	2.66	2.80	2.66	2.80	(-5.00)	4
يت جالا لصناعة الأدوية	ВЈР	دينار	2	55 3	· 	2.40	2.40	150	0
بنك فاسطين	BOP	دو لار	1	2.65	2.78	2.70	2.75	(-1.82)	444
ببرزيت للأدوية	BPC	Leke	1	4.85	5.09	5.09	4.93	3.25	23

أُكملُ العبارات الآتية:

سعر سهم البنك الإسلامي العربي لحظة الإغلاق= ---

أعلى سعر تداول لسهم شركة أبيك= -----

نسبة التغير في سعر التداول لسهم بنك فلسطين= ---- القيمة السالبة تشير إلى ----لم يطرأ أيُّ تغيير يُذكر على أسعار أسهم شركة ---- و---- و---- و ----



يمتلك غسان ٢٠٠ سهم في شركة الحافلات الوطنيّة، قيمة السّهم الاسميّة ٤ دنانير. إذا نشاط وزعت الشركة الأرباح السنويّة بنسبة ١٠٠، الاسهم >

فإنّ: ربح غسان في السنة = عدد الاسهم × القيمة الاسمية للسهم × نسبة الارباح

القيمة الحاليّة للسهم: هي قيمة السهم في السوق المالي لحظة التداول.



يملك جابر ٥٠٠ سهم في مصنع للرخام، قيمة السهم الاسميّة دينار، وقيمته الحاليّة نشاط يملك جابر · نشاط دينار ونصف.

القيمة الحاليّة لجميع الأسهم = القيمة الحالية للسهم × عدد الأسهم

إذا وزّع المصنع أرباحاً قيمتها ٨٪،

 \dots فإنّ مقدار ربح جابر $=\dots \times \dots \times \wedge \times$

النسبة المئوية الحالية للربح في الأسهم $= \frac{\text{مقدار الربح}}{\text{القيمة المالية للأسهم}} \times 1... \times$

النسبة المئوية الحالية لربح جابر =

تمارين ومسائل:

١) تمتلك بيسان ٥٠٠ سهم في أحد البنوك الفلسطينية، القيمة الاسمية للسهم دينار واحد، بينما القيمة الحالية للسهم في السوق ٢,٧٥ دينارًا، فإذا وزّع البنك ٢٠٪ أرباحًا في إحدى السنوات، أحسب:

- أ) مقدار ربح بيسان.
- ب) القيمة الحالية لأسهم بيسان.
- جـ) النسبة المئوية الفعلية للربح.
- ٢) قامت إحدى شركات الأدوية الفلسطينية بطرح أسهم للاكتتاب العام، بسعر القيمة الاسمية دينار
 واحد، بالإضافة لعلاوة إصدار بقيمة ٤ دنانير للسهم الواحد، اكتتب أحمد ٨٠٠ سهم، أحسب:
 - ١) قيمة السهم التي اكتتب بها أحمد.
 - ٢) إذا قامت الشركة بتوزيع ٢٠٪ أرباحًا في نهاية إحدى السنوات، أحسب:
 - أ) مقدار الربح الذي حصل عليه أحمد.
 - ب) النسبة المئوية الفعلية لهذا الربح، علماً بأن قيمة السهم الحالية ٥ دنانير.
- ٣) قررت إدارة مدرسة الجليل الثانوية أن تحول مقصف المدرسة إلى جمعية مساهمة عامة، فطرحت أسهم المقصف للشراء من قبل الطالبات بقيمة اسمية تعادل ١ دينار للسهم، فإذا اشترت جيهان مي نهاية العام أرباحاً بنسبة ٢٠٠٪، أحسب ربح جيهان في نهاية العام الدراسيّ.

السندات

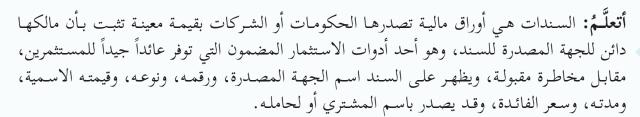
(Bonds)

(۲-٦)

تشجع وزارة الزراعة على الاستثمار في القطاع الزراعي، من خلال دعم وتسهيل إنشاء المشاريع الصغيرة.

اتفقت مجموعة من المزارعين في منطقة الأغوار على إنشاء مصنع تعليب في تلك المنطقة برأسمال قدره مليون دينار، قرر الشركاء فتح باب الاستثمار في المصنع عن طريق طرح السندات، إبراهيم يملك ٢٠٠٠ دينار يريد أن يستثمرها في المصنع بفائدة سنوية قدرها ٥٪.

ربح إبراهيم السنوي = ٥٪ × = العائد الكلي في السنة



- حامل السند ليس مالكًا في الشركة.
 - العائد: قيمة السندات + الربح.



طرح صاحب مصنع فلسطين للألبان مجموعة من السندات للجمهور؛ من أجل زيادة رأسمال مصنعه، بفائدة قدرها ٢٠٥٠٪ سنويا، قرر عامر الاستثمار في هذا المصنع بمبلغ ٨٠٠ دينار فاشترى ٨ سندات.

قيمة السند الواحد هي

ربح عامر السنوي

بعد مضي ١٠ سنوات يصبح العائد١٠

تعریف:

- القيمة الاسمية للسند: مقدار المبلغ الذي يدفعه المستثمر عند شراء السند من الشركة, وهو القيمة المكتوبة على السند، والتي تحسب على أساسها الفائدة.
 - القيمة التجارية للسند: المبلغ الذي يباع فيه السند في السوق المالي.
 - تاريخ الاستحقاق: الوقت المحدد لسداد القيمة الاسمية للسند.



اشترى يوسف ١٠ سندات، القيمة الاسمية للسند الواحد ٥٠٠ دينار، نشاط بفائدة مقدارها ٧٠٥٪.

العائد بعد ه سنوات +

مقدار الربح السنوي للسندات = القيمة الأسمية للسند \times عدد السندات \times نسبة الفائدة مقدار الربح الكلى للسندات = مقدار الربح السنوي \times عدد السنوات (فترة الاستحقاق)



اشترت هند ٧٠٠٠ سند قرض، القيمة الاسمية للسند الواحد ٥ دنانير، والقيمة التجارية ٩ دنانير، أحسب:

- (أ) القيمة الاسمية للسندات = عدد السندات × القيمة الاسمية للسند الواحد. = × = دينار.
 - (ب) القيمة التجارية للسندات = عدد السندات \times القيمة التجارية للسند الواحد.
 - = × × . . . = دينار .
 - (ج) مقدار الربح عند بيع السندات = القيمة التجارية القيمة الاسمية

تمارین ومسائل:

- (۱) اشترى فايق ١٥٠ سندًا، بقيمة اسمية مقدارها ٢٠ دينارًا للسند الواحد، إذا كانت السندات تعطي ربحاً مقداره ٩٪، وفترة استهلاك السند ٦ سنوات، أحسب :
 - أ) الربح السنوي الذي يقبضه فايق.
 - ب) مجموع الأرباح التي يقبضها بعد انتهاء فترة استهلاك السند.
- (٢) أيهما أفضل لسمر شراء ١٠٠ سند من بنك فلسطين، القيمة الاسمية للسند ٥ دنانير، ومقدار الفائدة ١٠٪ سنوياً، أم شراء ١٠٠ سند من البنك الوطني، القيمة الاسمية للسند الواحد ٤ دنانير، وبفائدة مقدارها ١٢٪، علما بأن سندات البنكين لها نفس تاريخ الاستحقاق ؟
- (٣) استثمر موسى بمبلغ من المال في شركة التحرير للبلاط، فاشترى ٦٠ سندا، القيمة الاسمية للسند الواحد ٥٠ دينارا، بفائدة سنوية قدرها ٨٪ أجد :
 - مقدار المبلغ الذي استثمر فيه موسى.
 - العائد بعد مضى ٥ سنوات.
- (٤) اشترى سليمان ٣٠٠ سند، بفائدة سنوية ١٢٪ ، فكان ربحه في نهاية السنة ٣٦٠ دينارا، أجد القيمة الاسمية للسند الواحد.

التأمين (Insurance)

(٣ - ٦)





تشترط وزارة النقل والمواصلات على أصحاب نشاط المركبات إحضار بوليصة تأمين.

هند تمتلك مركبة خاصة أمّنتها لدى شركة التأمين تأمينا شاملاً.

- أعدد أنواعًا أخرى لتأمين السيارات في فلسطين
- أتناقش مع زملائي حول أشكال أخرى للتأمين

أتعلُّم: عقد (بوليصة) التأمين: عقد بين شركة التأمين وشخص أو أشخاص يدفع بموجبه الشخص مبلغا من المال للشركة، على أن تعوضه عن جزء أو كل العقار أو البضاعة المؤمن عليها عند تعرضها للأخطار أو الخسائر.



تعمل منال في وزارة العمل الفلسطينية، قامت بالتأمين على سيارتها بمبلغ ١٠٠٠ دينار لدى شركة الوطن للتأمين، على أن تدفع قسطاً سنوياً مقداره ٢٠٠ دينار، ونص عقد التأمين الموقع بين الطرفين على أن تقوم الشركة بالتعويض عن أيّ ضرر يلحق بهذه السيارة بعد خصم ٥٪ من المبلغ المؤمن به استهلاكاً سنوياً، فإذا احترقت السيارة بعد مضى ٤ سنوات من توقيع العقد، أحسب:

- أ) مقدار ما دفعته منال للشركة في ٤ سنوات.
- المبلغ المدفوع $= \dots \times \dots \times \dots = \dots$ دينار.
 - ب) مقدار الاستهلاك من قيمة السيارة في ٤ سنوات.
 - مقدار الاستهلاك $\dots \times 1 \times \dots \times 3 = \dots$
- جـ) مقدار ما تدفعه الشركة لمنال كتعويض مقابل الضرر = مبلغ التأمين الخصم = ١٠٠٠ -
 - د) ربح أو خسارة الشركة في هذا التأمين = مقدار ما تدفعه الشركة ما دفعته منال =



قامت إحدى شركات الأدوية باستيراد معدات لتصنيع الدواء بقيمة ١٠٠٠٠ دينار، على أن تدفع لشركة التأمين ٥٪ من هذا المبلغ كتأمين على هذه المعدات، أحسب: قيمة ما دفعته الشركة المستوردة لشركة التأمين ١٠٠٠٠ × =ديناراً. إذا تلف من المعدات ما قيمته ١٥٠٠ دينار، فإن مقدار ربح أو خسارة شركة التأمين

هل ربحت شركة التأمين أم خسرت؟



أمّن إلياس على حياته لدى شركة تأمين على الحياة، ونصّ العقد المبرم بين الطرفين على أن تقوم الشركة بدفع مبلغ ٨٠٠٠٠ دينار في حال وفاته، على أن يدفع قسطاً شهرياً مقداره ٤٠٠ دينار، ولمدة ٢٠ سنة.

مقدار ما يدفعه الرجل خلال عشرين سنة = × ١٢ × = ٩٦٠٠٠ دينار.

إذا توفى إلياس بعد ٢٠ سنة من توقيع عقد التأمين فإن ربح الشركة =

دينار. $= \wedge \cdots = \wedge$

 \cdots إذا توفي إلياس بعد ۱۰ سنوات فيكون ما دفعه \cdots

خسارة شركة التأمين = ۸۰۰۰۰ - = دينار.

تمارين ومسائل:

(۱) يملك جمال سيارة ثمنها ١٢٠٠٠ دينار، أمّن عليها لدى الشركة الفلسطينية للتأمين بقسط تأمين سنوي، مقداره ٤ ٪ ولمدة ١٢ سنة، وبعد مرور ١٠ سنوات تعرضت السيارة لحادث وقدرت الأضرار بنسبة ١٠ ٪ من ثمنها، أحسب مقدار ربح أو خسارة شركة التأمين.

(۲) أمين تاجر موادّ غذائية، أمّن لدى شركة تأمين على كمية من السكر بقيمة ٥٠٠٠ دينار، وأخرى من الأرز بقيمة ١٢٠٠٠ دينار، برسم تأمين مقداره ٥٪، فإذا تلف أثناء النقل خمس كمية السكر، وربع كمية الأرز، أحسب مقدار ربح أو خسارة شركة التأمين.

(٣) أمنت ماريا على حياتها لدى شركة ضمان للتأمين بمبلغ ٢٤٠٠٠ دينار، بقسط سنوي مقداره ١٠٪ من قيمة التأمين، ولمدة ١٨ سنة، على أن تدفع القسط السنوي على أقساط شهرية متساوية، فإذا توفيت ماريا بعد مرور ١٥ عاماً. أجد:

- أ) مقدار القسط السنوي.
- ب) مقدار القسط الشهري.
- ج) مقدار خسارة أو ربح الشركة.

(۲ - ۶) تمارین عامیّ

السَّوَّال الأول: أضَعُ دائرةً حولَ رمزِ الإجابةِ الصّحيحةِ:

- ١) يملك فريدٌ ٢٠٠٠ سهمٍ في شركةِ موادَّ تموينيةٍ، قيمة السهم الاسمية دينارٌ ونصفٌ، إذا وزّعت الشركةُ ١٠٪ أرباحا على المساهمين في إحدى السّنوات، أحسب أرباح فريدٍ في تلك السنة.
 أ) ٣٠٠٠
 ب) ٣٤٥٠
- ٢) الاستثمار الذي يحصل فيه المستثمرُ على فائدةٍ ثابتة سنويا بصرف النظر عن ربحِ الشركة أو خسارتها:
 أ) في الشركات الخاصة ب) في الشركات الحكومية ج) في الأسهم د) في السندات
- ٣) أمّن رجل على حياته، حيث يدفع قسطا شهريا، قدره ١٠٠ دينار، مجموع ما يدفعه في ١٥ سنةً يساوي: أ) ١٨٠٠ (ب ١٥٠٠)

السَّؤال الثَّاني: ...

اشترى أحمدُ ٢٠٠٠ سهمٍ من شركة صامد للموارد الإنشائية، بقيمة اسمية مقدارها ٤ دنانير للسهم، فإذا كانت الأرباح المستحقة له في نهاية سنتين بحساب الربح البسيط ٨٨٠ دينارا. أجدُ معدل الفائدة السّنوي الذي حددته الشركة.

اشترى سمير ٢٠٠٠ سندٍ من البنك العقاري، بقيمة اسمية مقدارها ٣ دنانير، وبفائدة معيّنة لمدة أربع سنوات، فإذا حصل على عائد مالي كلي مقداره ٧٩٢٠ دينارًا، أحسب معدل الفائدة التي حددها البنك.

أمّن رجل على سيارته التي ثمنها ٣٠ ألف دينار تأمينا شاملا، حيث يدفع مبلغ ٤٠٠ دينار قسطا سنويا على أن تدفع شركة التأمين ٨٠٪ من ثمن السيارة إذا تعرضت للتلف، إذا تعرضت السيارة بعد ١٠ سنواتٍ لحادث سير أصبحت بعده غير صالحةٍ للاستعمال، أحسب:

- أ) المبلغ الذي ستدفعه شركة التأمين.
- ب) مقدار ربح شركة التأمين أو خسارتها.

إِنْ الْقَيْمُ ذَاتِي:

أعبّر بلغتى عن نقاط القوة ونقاط الضعف لكل مفهوم من المفاهيم الواردة في هذه الوحدة بما لا يزيد عن ثلاثة اسطر.

ن فكرةٌ رياديّة:



- بالتنسيق مع المدير ومعلمي الرياضيات في مدرستك:
- حدد مشروعاً استثمارياً يلائم مدرستك (مدته فصل دراسي).
- تعاون مع زملائك لتأسيس شركة مساهمة محدودة لتمويل هذا المشروع.
 - طبّق المشروع بإشراف المعلمين.
 - وزّع الربح أو الخسارة على المساهمين.
- قُمْ بإعداد تقرير شامل عن المشروع مبيناً المعيقات التي واجهتك أثناء التنفيذ.

المشروع

المشروع: شكل من أشكال منهج النشاط؛ يقوم الطلبة (أفراداً أو مجموعات) بسلسلة من ألوان النشاط التي يتمكنون خلالها من تحقيق أهداف ذات أهمية للقائمين بالمشروع.

ويمكن تعريفه على أنه: سلسلة من النشاط الذي يقوم به الفرد أو الجماعة لتحقيق أغراض واضحة ومحددة في محيط اجتماعي برغبة ودافعية.

ميزات المشروع:

- ١. قد يمتد زمن تنفيذ المشروع لمدة طويلة ولا يتم دفعة واحدة.
 - ٢. ينفّذه فرد أو جماعة.
 - ٣. يرمى إلى تحقيق أهداف ذات معنى للقائمين بالتنفيذ.
- ٤. لا يقتصر على البيئة المدرسية وإنما يمتد إلى بيئة الطلبة لمنحهم فرصة التفاعل مع البيئة وفهمها.
 - يستجيب المشروع لميول الطلبة وحاجاتهم ويثير دافعيتهم ورغبتهم بالعمل.

خطوات المشروع:

أولاً: اختيار المشروع: يشترط في اختيار المشروع ما يأتي:

- ١. أن يتماشى مع ميول الطلبة ويشبع حاجاتهم.
- ٢. أن يوفّر فرصة للطلبة للمرور بخبرات متنوعة.
- ٣. أن يرتبط بواقع حياة الطلبة ويكسر الفجوة بين المدرسة والمجتمع.
- ٤. أن تكون المشروعات متنوعة ومترابطة وتكمل بعضها البعض ومتوازنة، لا تغلُّب مجالاً على الآخر.
 - أن يتلاءم المشروع مع إمكانات المدرسة وقدرات الطلبة والفئة العمرية.
 - ٦. أن يُخطِّط له مسبقاً.

ثانياً: وضع خطة المشروع:

يتم وضع الخطة تحت إشراف المعلم حيث يمكن له أن يتدخّل لتصويب أي خطأ يقع فيه الطلبة.

يقتضي وضع الخطة الآتية:

- ١. تحديد الأهداف بشكل واضح.
- ٢. تحديد مستلزمات تنفيذ المشروع، وطرق الحصول عليها.
 - ٣. تحديد خطوات سير المشروع.
- ٤. تحديد الأنشطة اللازمة لتنفيذ المشروع، (شريطة أن يشترك جميع أفراد المجموعة في المشروع من خلال المناقشة والحوار وإبداء الرأي، بإشراف وتوجيه المعلم).
 - ه. تحدید دور کل فرد فی المجموعة، ودور المجموعة بشکل کلّی.

ثالثاً: تنفيذ المشروع:

مرحلة تنفيذ المشروع فرصة لاكتساب الخبرات بالممارسة العملية، وتعدّ مرحلة ممتعة ومثيرة لما توفّره من الحرية، والتخلص من قيود الصف، وشعور الطالب بذاته وقدرته على الإنجاز حيث يكون إيجابياً متفاعلاً خلّاقاً مبدعاً، ليس المهم الوصول إلى النتائج بقدر ما يكتسبه الطلبة من خبرات ومعلومات ومهارات وعادات ذات فائدة تنعكس على حياتهم العامة.

دور المعلم:

- ١. متابعة الطلبة وتوجيههم دون تدخّل.
- ٢. إتاحة الفرصة للطلبة للتعلّم بالأخطاء.
- ٣. الابتعاد عن التوتّر مما يقع فيه الطلبة من أخطاء.
 - ٤. التدخّل الذكبي كلما لزم الأمر.

دور الطلبة:

- ١. القيام بالعمل بأنفسهم.
- ٢. تسجيل النتائج التي يتم التوصل إليها.
- ٣. تدوين الملاحظات التي تحتاج إلى مناقشة عامة.
- ٤. تدوين المشكلات الطارئة (غير المتوقعة سابقاً).

رابعاً: تقويم المشروع: يتضمن تقويم المشروع الآتى:

- 1. **الأهداف** التي وضع المشروع من أجلها، ما تم تحقيقه، المستوى الذي تحقّق لكل هدف، العوائق في تحقيق الأهداف إن وجدت وكيفية مواجهة تلك العوائق.
- الخطة من حيث وقتها، التعديلات التي جرت على الخطة أثناء التنفيذ، التقيد بالوقت المحدد للتنفيذ، ومرونة الخطة.
- ٣. الأنشطة التي قام بها الطلبة من حيث، تنوّعها، إقبال الطلبة عليها، توافر الإمكانات اللازمة، التقيد بالوقت المحدد.
- تجاوب الطلبة مع المشروع من حيث، الإقبال على تنفيذه بدافعيّة، التعاون في عملية التنفيذ، الشعور بالارتياح،
 إسهام المشروع في تنمية اتجاهات جديدة لدى الطلبة.

يقوم المعلم بكتابة تقرير تقويمي شامل عن المشروع من حيث:

- أهداف المشروع وما تحقّق منها.
- الخطة وما طرأ عليها من تعديل.
 - الأنشطة التي قام بها الطلبة.
- المشكلات التي واجهت الطلبة عند التنفيذ.
 - · المدة التي استغرقها تنفيذ المشروع.
 - الاقتراحات اللازمة لتحسين المشروع.

المراجع

الجنابي، احمد نصيف (1980): ، الرياضيات عند العرب ، منشورات دار الجاحظ للنشر، الجمهورية العراقية الزغلول، عماد (2005)، الإحصاء التربوي، الطبعة الاولى، دار الشروق للنشر والتوزيع.

فريدريك بل (1986):طرق تدريس الرياضيات:الجزء الثاني؛ (ترجمة محمد المفتي و ممدوح سليمان). قبرص:الدار العربية للنشر والتوزي

اللحام ، أنور (1990): الجبر ، ط4 ، مطبعة دار الكتاب ، دمشق

ريتش، بارنيت (2004) : الجبر الأساسي، الدار الدولية للاستثمارات الثقافية -القاهرة- مصر نورة ،دهبي (2008): الرياضيات ، دار الصفاء للنشر و التوزيع- عمان-الأردن

رمضان صبراً، أحمد عثمان، غريب موسى، روز زريقات (1997): الرياضيات العامة، دارالمناهج للنشر و التوزيع - عمان - الأردن

Kline, M,(1972): Mathematics Thought From Ancient to Modern Times, Oxford, N.Y Lamborg, James (2005): Math reference, Wiley, N.Y

Bell, E, T(1937): ,Men of Mathematics ,Simon and Schuter, N. Y

Friel, Suzan. Rashlin, Sid. Doyle, Dot. & others (2001): Navigating through Algebra in Grades 6-8. NCTM. RESTON, VIRGINIA.

Bostock&Perkins(1989) : Advanced Mathematics, volume1 Bostock&Perkins(1989) : Advanced Mathematics, volume2

لجنة المناهج الوزارية

م. فواز مجاهد أ. على مناصرة م. جهاد دریدي د. بصري صالح أ. عزام ابو بكر د. سمية النخالة

أ. ثروت زيد

د. شهناز الفار

د. صبري صيدم

اللجنة الوطنية لوثيقة الرياضيات:

د. على عبد المحسن د. محمد صالح (منسقًا) أ. ثروت زيد د. معين جبر د. عبد الكريم ناجي أ. وهيب جبر د. عادل فوارعة د. تحسين المغربي د. عطا أبوهاني د. علا الخليلي د. محمد مطر د.سعید عساف أ. ارواح كرم د. أيمن الأشقر د. على نصار د. شهناز الفار أ. فتحى أبو عودة أ. كوثر عطية أ. حنان أبو سكران د. وجيه ضاهر أ. نشأت قاسم أ. نادية جبر أ. عبد الكريم صالح أ. أحلام صلاح أ. قيس شبانة أ. احمد سياعرة د. سمية النخالة أ. نسرين دويكات أ. مبارك مبارك

المشاركون في ورشات عمل الجزء الثاني من كتاب الرياضيات للصف العاشر

أ. إياد دويكات	أ. آنية رضوان	أ. دعاء شتية	أ. مها غانم	أ. هيا رواشدة
أ. رفيق الصيفي	أ. صلاح الترك	أ. خالد العلامي	أ. سهيل شبير	أ. باسم المدهون
أ. وفاء موسى	أ. ابتسام اسليم	أ. عارف السعافين	أ. شذى جبران	أ. ريم العويصات
أ. عهود طه	أ. خلود كايد	أ. رأفت عامر	أ. معزوز ضبابات	