



8

الثامن

بطاقات التعلم الذاتي الرياضيات



الفصل الدراسي الأول / بطاقات شهر سبتمبر

للعام الدراسي 2021/2020م



بطاقة رقم (١)

الموضوع : العدد النسبي

الهدف : يتعرف العدد النسبي بجميع صورته.

تمهيد:

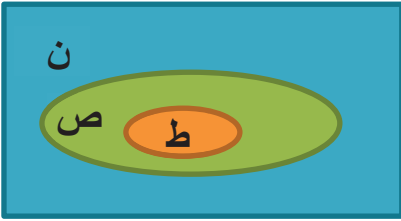
العدد ٦ ينتمي لمجموعة الأعداد الطبيعية ورمزها ط

العدد -٧ ينتمي لمجموعة الأعداد الصحيحة ورمزها ص

العدد $\frac{٥}{٧}$ ينتمي لمجموعة الأعداد ورمزها

العدد النسبي : هو كل عدد يمكن كتابته على صورة $\frac{أ}{ب}$ حيث أ ، ب \exists ص ، ب $\neq ٠$ ، ويرمز لمجموعة الأعداد النسبية بالرمز ن .

يمكن تمثيل العلاقة بين مجموعات الأعداد ط ، ص ، ن كما في الشكل المجاور.



مثال (١) :

أي الأعداد التالية نسبي مع ذكر السبب :

$$\frac{٥}{٧} ، ٣,٥ ، ٢ \frac{١}{٤} ، ٦ - \sqrt{١٦} ، \frac{٥}{٠}$$

العدد $\frac{٥}{٧}$ مكتوب على الصورة $\frac{أ}{ب}$ ، أ ، ب \exists ص ، ب $\neq ٠$ فهو عدد نسبي.

$$\text{العدد } ٣,٥ = \frac{٣٥}{١٠} ، \text{ فهو عدد نسبي}$$

$$\text{العدد } ٢ \frac{١}{٤} = \frac{٩}{٤} \text{ فهو عدد نسبي}$$

$$\text{العدد } -\sqrt{١٦} = -٤ = \frac{-٤}{١} \text{ فهو عدد نسبي}$$

$$\text{العدد } \frac{٥}{٠} \text{ ليس عدداً نسبياً لأن المقام ب = ٠}$$

تدريب (١):

أي الأعداد التالية عدداً نسبياً :

..... $\frac{2}{3}$

..... $\frac{6}{10}$

..... $\frac{1}{0}$

..... $\frac{0}{7}$

..... ٠,٨

..... $\frac{2}{3}$

..... $\sqrt{49}$

..... ٥,٣

تدريب (٢):

أكتب أعداداً نسبية

..... ، ،

بطاقة رقم (٢)

الموضوع : كتابة الكسر العشري الدوري على صورة $\frac{أ}{ب}$

الهدف : يستخدم الطريقة الجبرية لكتابة الكسر العشري الدوري على الصورة $\frac{أ}{ب}$

تمهيد:

تعلمت سابقاً أنه عند ضرب عدد عشري في قوى العشرة (١٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠٠ ،) فإننا نحرك الفاصلة من مكانها جهة اليمين عدداً من المنازل يساوي عدد الأصفار .

$$\begin{aligned} ٦,٧٢ &= ٠,٦٧٢ \times ١٠ & ٣٥٠ &= ٣,٥ \times ١٠٠ \\ &= ٠,٦ \times ١٠ & &= ٣,٧ \times ١٠٠ \end{aligned}$$

مثال (١) : حوّل الكسر العشري $٠,٧$ إلى الصورة $\frac{أ}{ب}$

الحل : نفرض أن س = $٠,٧$ وبضرب الطرفين بالعدد ١٠ ينتج:

$$١٠س = ٧,٧$$

$$٧ = ٩س$$

$$\text{ومنها س} = \frac{٧}{٩} \quad \text{أي أن} \quad ٠,٧ = \frac{٧}{٩} \quad \text{وهو عدد نسبي}$$

أي عدد عشري دوري هو عدد نسبي

تدريب (١) : حول الكسور العشرية التالية إلى الصورة $\frac{أ}{ب}$

$$٠,٦ \quad , \quad ٠,٨$$

.....
.....

مثال (٢) : حوّل الكسر العشري $٠,٣٥$ إلى الصورة $\frac{أ}{ب}$ بالطريقة الجبرية

الحل : نفرض أن س = $٠,٣٥$ وبضرب الطرفين بالعدد ١٠٠ ينتج:

$$١٠٠س = ٣٥,٣٥$$

$$٣٥ = ٩٩س$$

$$\frac{٣٥}{٩٩} = س$$

تدريب (٢) : حول الكسر العشري التالي إلى الصورة $\frac{أ}{ب}$ بالطريقة الجبرية

$$٠,١٢$$

.....
.....

بطاقة رقم (٣)

الموضوع : كتابة العدد النسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$ بالصورة العشرية

الهدف : يحول العدد النسبي المكتوب بالصورة $\frac{أ}{ب}$ إلى الصورة العشرية بطرق مختلفة.

تمهيد: جد الناتج

$$\dots\dots\dots = ٥ \times ٢٠$$

$$\dots\dots\dots = ٤٠ \times ٢٥$$

$$١٠ = ٥ \times ٢$$

يمكن تحويل العدد النسبي المكتوب بالصورة $\frac{أ}{ب}$ إلى الصورة العشرية بضرب البسط والمقام في عدد يجعل مقام الكسر العادي ١٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠٠ ،

مثال (١): حول العدد $\frac{٣}{٥}$ إلى كسر عشري

نضرب كل من حذّي العدد النسبي في ٢ ليصبح المقام ١٠

$$٠,٦ = \frac{٦}{١٠} = \frac{٢ \times ٣}{٢ \times ٥} = \frac{٣}{٥}$$

تدريب (١): حول العدد $\frac{١}{٢}$ إلى كسر عشري

.....
.....

مثال (٢): حول العدد $\frac{٣}{٤٠}$ إلى كسر عشري

$$٠,٠٧٥ = \frac{٧٥}{١٠٠٠} = \frac{٢٥ \times ٣}{٢٥ \times ٤٠} = \frac{٣}{٤٠}$$

تدريب (٢): حول الأعداد $\frac{١}{٤}$ ، $\frac{٧}{٢٠}$ إلى الصورة العشرية

.....
.....
.....
.....

يمكن تحويل العدد النسبي المكتوب بالصورة $\frac{أ}{ب}$ إلى الصورة العشرية بقسمة البسط على المقام

مثال (١): اكتب الكسر $\frac{٣}{٤}$ على صورة كسر عشري

$$\begin{array}{r} ٠,٧٥ \\ ٤ \overline{) ٣٠} \\ \underline{٢٨} \\ ٢٠ \\ \underline{٢٠} \\ ٠٠ \end{array}$$

$$\frac{٣}{٤} = ٠,٧٥ \text{ وهو كسر عشري منته.}$$

تدريب (١): اكتب الكسر $\frac{١}{٨}$ على صورة كسر عشري

.....

مثال (٢): اكتب الكسر $\frac{٢}{٣}$ على صورة كسر عشري

$$\begin{array}{r} ٠,٦٦٦ \\ ٣ \overline{) ٢٠} \\ \underline{١٨} \\ ٢٠ \\ \underline{١٨} \\ ٢٠ \\ \underline{١٨} \\ ٢ \end{array}$$

القسمة غير منتهية لذلك نسمي الكسر العشري دوري

$$\frac{٢}{٣} = ٠,٦\overline{٦} \text{ وهو كسر عشري دوري}$$

الباقي (٢) يتكرر

أي عدد نسبي يمكن كتابته على صورة كسر عشري منته أو كسر عشري دوري.

تدريب (٢): اكتب الكسر $\frac{٤}{٩}$ على صورة كسر عشري

.....

نشاط ختامي : (١) اكتب كلاً مما يلي على صورة كسر عشري (منته أو دوري) .

$$\frac{٢}{٩} \text{ ، } \frac{٤}{٥}$$

.....

(٢) اكتب عدداً نسبياً يقع بين العددين ٠,١٢ ، ٠,١٣ ،

العدد ٠,١٢ = ٠,١٢٠ ، العدد ٠,١٣ = ٠,١٣٠

بطاقة رقم (٤)

الموضوع: الجذر التربيعي لعدد نسبي
الهدف: يجد الجذر التربيعي لعدد نسبي

تمهيد: جد الناتج

$$١٠ = \sqrt{١٠٠}$$

$$٧ = \sqrt{٤٩}$$

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} \text{ عدداً نسبياً موجباً فإن } \frac{أ}{ب} = \frac{\sqrt{أ^2}}{\sqrt{ب^2}} = \frac{\sqrt{أ^2}}{\sqrt{ب^2}} = \frac{أ}{ب} \times \frac{أ}{ب} = \sqrt{\frac{أ^2}{ب^2}}$$

مثال (١): أجد ناتج ما يلي:

$$\frac{١}{٢} = \frac{\sqrt{١}}{\sqrt{٤}} = \frac{١}{٢}$$

$$٠,٣ = \frac{٣}{١٠} = \frac{\sqrt{٩}}{\sqrt{١٠٠}} = \frac{٣}{١٠}$$

$$\frac{٥}{٢} = \frac{\sqrt{٢٥}}{\sqrt{٤}} = \frac{٥}{٢}$$

تدريب (١): أجد ناتج ما يلي:

$$= \frac{٩}{٤} \sqrt{\quad} \quad (١)$$

$$= \sqrt{٠,١٦} \quad (٢)$$

$$= ٢ \frac{٧}{٩} \sqrt{\quad}$$

نشاط ختامي:

جد ناتج ما يلي:

$$\dots\dots\dots = \sqrt{٠,٢٥} \quad (٢)$$

$$\dots\dots\dots = \frac{١٦}{٢٥} \sqrt{\quad} \quad (١)$$

بطاقة رقم (٥)

الموضوع: الجذر التكعيبي لعدد نسبي
الهدف: يجد الجذر التكعيبي لعدد نسبي

تمهيد: جد الناتج

$$٥ = \sqrt[٣]{١٢٥}$$

$$٣ = \sqrt[٣]{٢٧}$$

إذا كان $\frac{أ}{ب}$ عدداً نسبياً فإن $\sqrt[٣]{\frac{أ}{ب}} = \frac{\sqrt[٣]{أ}}{\sqrt[٣]{ب}}$ ، $ب \neq ٠$

مثال (١) : جد $\sqrt[٣]{\frac{١}{٨}}$

$$\frac{١}{٢} = \frac{\sqrt[٣]{١}}{\sqrt[٣]{٨}} = \sqrt[٣]{\frac{١}{٨}}$$

تدريب (١) : جد الناتج:

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{\frac{٢٧}{٦٤}}$$

مثال (٢) : أجد ناتج ما يلي :

$$٠,٣ = \frac{٣}{١٠} = \frac{\sqrt[٣]{٢٧}}{\sqrt[٣]{١٠٠٠}} = \sqrt[٣]{\frac{٢٧}{١٠٠٠}} = \sqrt[٣]{٠,٠٢٧}$$

تدريب (٢) : جد الناتج:

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{٠,٠٠٨}$$

نشاط ختامي :

أجد ناتج ما يلي :

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{\frac{٢٧}{٦٤}} \quad (٢)$$

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{\frac{٢٧}{٨}} \quad (١)$$

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{٠,٠٢٧} \quad (٤)$$

$$\dots\dots\dots = \sqrt[٣]{٠,٠٠١} \quad (٣)$$